

میتوانیم حاصل ضرب را نسبت بطول ط تا و اهدی تقریب معلوم کنیم چون
 قدسی با هر مقدار است جایز است اینجا که فوسس ابا و ترشش یکی را نیم یعنی
 طول فوسس آ = ط و این تقریب فوسس شود و محیط هر دایره مرکب است
 از ۶ حلقه و آن را در ۳۶۰ ضرب کنیم = ۲۱۶۰ = ۶۰ × ۶۰ × ۳۶۰ = ۱۲۹۶۰۰۰
 پس این تساوی عمل شود و منق ۲ = ط ۱۲۹۶۰۰۰ یا ف منق = ط ۱۶۸۰۰۰
 و اینجا ف ۱۰۰۰ ضرب در ۱۶۸۰۰۰ است پس

ط × ۱۰۰۰ = (۱۶۸۰۰۰ × ط) = ف
 و باید حاصل ضرب ما بین عبارت جامع را تا کمتر از واحد معلوم کنیم و این عمل را ضرب مخرج کنیم

$$\frac{1}{1000} = \begin{array}{r} 23112091161 \\ 000146 \\ 140915921 \\ 12734392 \\ 1546472 \\ \hline 206264792 \end{array}$$

* (چون نصف قطر طول مدار زمین در اوتب کوکب بزرگتر است از اوتب کوکب کوچکتر آن
 و از این قرار فاصل آن کوکب از زمین اعظم است از مدار ۲۶۴۰۰۰ ۴۵۶ برابران
 قطر طول)

پس معلوم شد که ط ۲۰۶۲۶۴ = ف تا کمتر از طول ط تقریب نشود و ما نظر
 بآنکه عمل درستی تر باشد و حاصل ضرب را تا اره تقریب معلوم کردیم
 باید این نکته را گفت شود که حاصل ضرب ۶۴۸۰۰۰ در ۱۰۰۰ را قرار دادیم بجا
 عمل قسمت عدول بر منق چونکه این ضرب مثل آنست که مضروب همین صاحب رقم
 ۶۴۸ باشد ولی در قسمت هیچ فرق نیست میان اصفار جلوه و سایر ارقامی که بجای آن

بوده باشد یعنی آن صاحب چهار عمل نیست بنویسد

نصف قطر زمین نو بنظر ما گمان افتاب موتر است بزویه ۵۵ و مطلوب فاصله
 ف افتاب از زمین او واحدی تقریباً بنا بر آنکه نصف قطر زمین واحد باشد
 (زویه ۵۵ در اینجا خلاف منظمه افقی وسطی افتاب گویند رجوع کنید بقانون ۱۰)
 پس = ۵۷ دره عرض پس

$$۴ \text{ ف مس } ۲ = \frac{۱۲۹۶۰۰۰۰}{۱۲۹۶۰۰۰} = ۱۲۹۶۰۰۰$$

$$\text{و بنا بر این مس} = \left(\frac{۶۴۸۰۰۰۰ \times \frac{۱}{۱۰۰}}{۱۰۰} \right) = \frac{۶۴۸۰۰۰۰}{۱۰۰} = ۶۴۸۰۰$$

پس باید حاصل ضرب سابقین ۶۴۸۰۰۰×۱۲۹۶۰۰۰ را معلوم کنیم و نیز کنیم بر ۵۷ دره
 خارج صفت را واحد تقریب بدست آوریم و آن صاحب ۵ رقم باشد و در قسم اول معلوم
 علیه است

و شناختن ۷ رقم معلوم ما را کافی است تا بتوانیم خارج صفت را تا ۱۰۰ تقریب بدست
 آوریم پس این عدد را ۲۰۶۲۴۳۸ بر ۵۷ دره صفت بگیریم این صورت

۲۰۶۲۴۳۸۰۰۰	۱۵۷
۳۴۸۶	۲۴۰۶۸۲
۵۸۴۱	
۷۰۶۰	
۲۰۴۰	
۳۲۶	

پس $۲۴۰۶۸ = \text{ف تا کم تر از ش تقریب}$

اینجا زاویه جنوب منظمه افقی وسطی افتاب رجعتی فرض نمودیم ولی تا کم تر از ۴۰ دره
 تقریب است و ممکن است تقریب معلوم را نیز منظور آوریم

۵۵ نصف قطر طول مدار زمین. فن دو کوب ۱ و ۲ در جابه موتر است
 بزویه ۳۷ دره یعنی خلاف منقران کوب این مقدار است که ذکر شد و مطلوب

فاصله ف اذان کو یک است تا زمین بواجب، اقرب بنا بر آنکه نصف قطر اطول
از مدار زمین باشد

$$\text{نقش} = ۳۶۰ \text{ درجه} \quad \text{باقی} = ۳۷ \text{ درجه} \quad \text{پس} \quad \frac{\text{نقش}}{۳۶۰} = \frac{۳۷}{۳۶۰}$$

$$\text{وقت منقش} = ۲ = \frac{۳۶۰ \times ۳۷}{۳۶۰} \quad \text{بنابرین} \quad \text{نقش} = \left(\frac{۳۶۰ \times ۳۷}{۳۶۰} \right) = ۳۷$$

بزرگسیدیم حاصل ضرب $\frac{۱}{۳۶۰} \times ۳۶۰ = ۱$ که با این مقیاس نمودار کرده اند

ارواح

در خارج وقت صاحب و رقم است باین باب بدین مفهوم را با ۱۰ رقم

۲۵۶۲۶۴۱	۳۷
۲۱۲	۵۵۷۴۷۲۴۸
۲۷۶	
۱۷۴	
۲۶۱	
۹۰	
۱۶۰	
۱۲۰	

ف = ۵۵۴۷۲۵۷

معلوم میگردانیم فرض نمودیم پس اگر تقیسی را تا کمتر از ۱۰ درجه غیریم یعنی تقریب مستقیم را
کمتر از ۱۰ باید در تقریب صد تقریب خارج وقت آنرا منظور آورد
بعد از ص این مسائل باید بر هر قسم خوب معلوم شده باشد راه معین و تقریبی را که ممکن
از دوی تقریب معلوم است در محاسبه عمل منظور آورد
در قابل قیمت بودن عدد بر ۱۱

۵۱ قاعده تعیین کافیت هر عدد بر ۱۱ اذان قرار است

ابتدا از زمین صوت ارقام مراتب فرد را جمع کنید و اذان تقریبی که با مجموع صوت
ارقام مراتب زوج را پس از آن که باقی نماند عدد مصرع فاعل قیمت است
بر ۱۱ و اگر باقی نماند قیمت میکنیم از ابر ۱۱ و آنچه ثابتا باقی نماند قیمت عدد

در این کتاب

مفروض است بر ۱۱ و اگر اتفاقاً مفروض بزرگتر باشد از مفروض عنه باید
اضافات را افزود و بر آن افزود تا بقدری ممکن شود و آنچه باز باقی ماند همان
باقی است عدد مفروض است بر ۱۱

پس شرط قابل همگونی بودن عدد بر ۱۱ همین شد که فضل مجموع
ارقام مراتب فردش بر مجموع صور ارقام مراتب زوجش صفر باشد یا عدد
شود قابل همگونی ۱۱

مثال در این عدد ۷۵۴۸۷۴۸۷ میزان اول این است $7 + 4 + 8 = 19$

و میزان دوم $8 + 5 = 13$
تفاضل

پس عدد مفروض قابل همگونی است بر ۱۱ و باقی تقییرش ۴ است

مثال دوم در این عدد ۸۴۳۵۴۸۷ میزان اول این است $7 + 4 + 3 = 14$

میزان دوم $8 + 5 + 8 = 21$

چون اجرای تست بر ۱۱ ممکن نشود بر ۱۳ باید ۱۱ افزود و از مجموع ۲۴ تفریق نمود ۱۲ را
باقی میماند ۴ پس باقی است ۸۴۳۵۴۸۷ بر ۱۱ چهار است

قاعده مذکور کوشی است بر این حکم

اولاً و آنست که عدد اصناف را با پیش زوج باشد مضرب است از ۱۱ با ضافه

ثانیاً و آنست که عدد اصناف را با پیش فرد باشد مضرب است از ۱۱ منهای آن

برای اثبات این دو حکم قوی از ۱۰ برابر ۱۱ است میکنیم

$$\begin{array}{r} 11 \\ 90909 \\ \hline 100 \\ 100 \\ 1 \end{array}$$

در این صفت چنانچه ظاهر است دو نوع باقی بستی آید ۱۰ و ۱۱ هر جا عدد اصفار شود
 زوج باشد باقی است و هر جا فرد باشد ۱۰ پس اگر همه جمله عدد اصفار معلوم زوج باشد
 باقی دیگر آید خارج صفت صحیح این صفت را تم فرض میکنیم آنوقت این نوی بدست

مضرب از ۱۱ با صفا ۱ = ۱ + م × ۱۱ = ۱۰۹۰۰

و اگر عدد اصفار تالی واحد معلوم فرد باشد باقی ۱۰ است و این تساوی شش شود

مضرب از ۱۱ نهی ۱ = ۱ - م × ۱۱ = ۱۰۰۰۰

نتیجه هر دفعی که عدد اصفار نالیش زوج باشد مضرب است از ۱۱ با صفا
 ان رقم و هر دفعی که عدد اصفار نالیش فرد باشد مضرب است از ۱۱ نهی

مثال $۶۰۰۰۰ = ۱۰۰۰۰ \times ۶ = (۱۱ \times ۲ + ۱) \times ۶ = ۱۱ \times ۲ \times ۶ + ۶$

$۶۰۰۰ = ۱۰۰۰ \times ۶ = (۱۱ \times ۲ - ۱) \times ۶ = ۱۱ \times ۲ \times ۶ - ۶$

حال عدد برکی آشیار میکنیم و می بینیم که ابتدا از بیش مقدار متعلق هر قسم مراتب فرد هستند
 رقم است که بعد در رقم است بیش صفرا آن بخش میکنیم و از این قرار عدد اصفار را نحانی زوج شود
 پس بنابر آنچه سابق ذکر شد مقدار متعلق این رقم مضرب است از ۱۱ با صفا صورت آن
 و همین وجه معلوم شود که مقدار متعلق هر رقمی از مراتب زوج مضرب است از ۱۱ نهی

صورت آن رقم پس ابتدا آنچه در خصوص ذکر شده میتوان اینجا بیان کرد

مثال این عدد را ۳۵۴۸۷ تجزیه کنیم

۷	=	مضرب از ۱۱	-	۷
۸۵	=	مضرب از ۱۱	+	۸
۴۰۰	=	مضرب از ۱۱	+	۴
۵۰۰۰	=	مضرب از ۱۱	-	۵
۳۰۰۰۰	=	مضرب از ۱۱	+	۳

$۳۵۴۸۷ = ۱۱ \times (۷ + ۴ + ۳) - (۸ + ۵)$

پس هر دو مساوی شدیم. اما با اضافه مجموع صور با رقم مراتب هر دو
 صهای مجموع صور با رقم مراتب دو حش ابتدا از این

$$11) \quad \text{ح} - \text{ع} + \text{م} \times 11 = \text{ع}$$

در این صورت ع عدد مفروض است و م علامت مضرب و ح و ع همان مجموع مذکور
 در این مسئله حالت ممکن است باقی اعداد این است $\text{ح} = \text{ع} + \text{ح}$ و $\text{ع} = \text{ح}$

حالت اول $\text{ح} = \text{ع}$ چون باقی $\text{ح} - \text{ع}$ صفر است عدد ع مضرب است
 از 11 و $11 \times 11 = \text{ع}$

حالت دوم $\text{ح} = \text{ع} + \text{ح}$ فرض کنیم $\text{ح} = \text{ع} - \text{ع}$ در این صورت $11 \times 11 = \text{ع}$
 چون ع مرکب شد از مضرب 11 با اضافه 11 باقی قسمت این فاضل بر 11 همان باقی
 قسمت عدد مفروض ع است بر 11 پس اگر 11 نیز مضرب باشد از 11 عدد مفروض
 فایده نمی شود بر 11

حالت سوم $\text{ح} = \text{ع} + \text{ح}$ چون اینجا هم تقریب ممکن نبود باید بر ع مضرب از
 اضافه مفروضی همین قدر که لازم باشد و تقریب ممکن شود فرض میکنیم 11×11 چنین
 مضرب باشد و این تساوی را بنویسیم $\text{ح} - \text{ع} + 11 \times 11 = 11 \times 11 - 11 \times 11 = \text{ع}$
 فرض میکنیم $\text{ح} = \text{ع} - (\text{ح} + 11 \times 11)$ پس $11 \times 11 - 11 \times 11 = \text{ع}$
 مواضع این تساوی ع مرکب شد از مضرب از 11 $(11 \times 11 - 11 \times 11)$ با اضافه
 عدد 11 که کوچکتر است از 11 پس ظاهر است که 11 باقی قسمت ع است بر 11 و
 کمیندشان دوم مذکور

سپس همان وجه که بار 11 نیز قسمت را از روی 9 همان میکردیم

میوان اکنون ۱۱ ما قائم مقام آن است و او اسفان محمود تقصیل لعینده جان است
 که آنجا ذکر شده و نیز آنکه باید همه جا عوض ۹ رقم ۱۱ گفت ولی این اسفان هم میوه است
 بقوت عمل مطمئن شد

قاعده ششم در استخراج جذر اعداد

۵۱ هرگاه جذر عدد صحیح باید صاحب چندین رقم باشد میوان بوجهی دیگر آن جذر را
 جعلی زودتر از راه سری بدست آورد

بعد از آنکه بقاعده سری خود رقم از بیار جذر معلوم کردیم مقام رقم میوانیم صحت
 بدست آوریم ۲ رقم ۳ رقم ... تا ۱-م رقم جدید از آن جذر

قاعدگی فرض کنیم که بقاعده سری هر رقم اول صحت بیار جذر عدد صحیح
 مفروض و استخراج کرده باشیم و از آن ارقام عدد بزرگتر شود و نخواهیم
 ۱-م رقم دیگر جذر معلوم کنیم و در این صورت باقی بماند

از مجموع م قطعه اول صحت بیار عدد مفروض بدست آمده و کوفه زود
 میاید پس ۱-م قطعه دیگر عدد بیار همین جا فرونگ آوریم و از صحت همین

چنین بگرد که اکنون ضرورت کوفه ۱-م رقم جذر معلوم میماند باقی بماند
 صحت میکنیم بر مضافه آنچه از جذر سابق پیدا شده یعنی بر ۱-م و اگر

صحت صحیح این نفییم صاحب ۱-م و هم نباشد (یعنی عدد قطعات فرود
 آمده پس با الحاق اعداد چند بر سایر همی همان عدد و این خارج صحت

دویمین بپیشیم این آنچه حاصل شد جذر مطلوب عدد است که
 جمیع قطعات مشعل مرکب شده تا کم از واحد تقریباً صافی یا نقصاً

و آنوقت اگر نخواهیم بدانیم که چنین جذر کمترین شده تقریباً صحت لفظی است

چنین باشد پس فضل عدد در کبار از $۱ - ۲ + ۳$ قطعه مستعمل بر مجذور را بخند هر قدر است
 بر باقی مانده کنیم مخلوق میکنیم اسم رسمی را که از سمت چپین مفهوم جدا کرده
 بودیم و در عمل قیمت استعناال شده بود و از این حاصل مجذور خارج قیمت
 تقریب میکنیم پس اگر اجرای تقریب ممکن شود مجذور تکمیل شده تقریبش بقیه مانده است
 و باقی مطلوب هم بدست آمده و اگر تقریب ممکن نشود تقریب آن جذ را ضلالت
 و نماید از خارج قیمت و اگر موضوع کرد مثل ذانکه در موضوع جذ نوشته
 شود تا مطمئن شویم که رخم اجزایست چپین این عملی است

و در این صورت اگر بجواییم فضل عدد را بر مجذور جذ بدین مفهوم علی ارباقی قیمت اضافه
 میکنیم در سمت چپین مجموع فرود می آوریم $۱ - ۲$ رسمی را که از چپین مفهوم جدا شده بود
 و در سمت استعناال شده بود و بعد مجذور خارج قیمت صحیح را از آن حاصل موضوع
 میکنیم آنچه باقی ماند فضل $۱ - ۲ + ۳$ قطعه مستعمل بر مربع جذ صحیح
 این فاعده اکنون جاری میکنیم و بعد برین بنابریم و فرض میکنیم که جذر مطلوب
 صاحب ۵ رستم باشد

مثال مطلوب است $\sqrt{۳۲۷۵۷۲۴۸۲۶}$ و صورت عمل این است

۳۱۷۶۷۲۴۸۲۶	۵۷۲۴۲
۷۷۶	۱۰۷۰۷
۲۷۷۲	۱۱۴۲۰۲
۴۸۸۴۸۲۶	۱۱۴۴
۳۰۸۸	۴۲
۸۰۰۲۶	۴۲
۱۷۶۴	۸۴
۷۸۲۶۲	۱۶۸
	۱۷۶۴

بعد از آنکه بقاعده رسمی در رقم اول سمت چپ جذ را بنشینیم این شد ۵۷۲۴ و باقی مانده

۴۸۸ درین این بقیه بود می آوریم دو قطعه دیگر عدد مفروض را و دور رقم انقباض میکنیم
 و آنچه در سب را نماند ۴۸۸۴۸ هست میکنیم برضاعت سنگ که به است ۵۷۲۱۵۵۰۰×۱۲
 ۱۱۴۴۱ خارج قسمت صحیح این قسمت ۲۲ است نویسیم آن را درین ۵۷۲۱۵۵۰۰ و عدد
 که به دست می آید جذر مطلوب است تا و آنچه در تقرب اضافی باقیست
 تحقیق کند در صورتی که ذکر شده اینجا عمل آورده ایم درین باقی ۸۰۰ قسمت فرود آوریم دور قسم
 ۲۶ را که غیر مستقل ماند و از حاصل تقریب نمودیم جذور خارج قسمت ۲۲ را
 و چون تقریب ممکن شد عدد ۵۷۲۱۵۵۰۰ جذر عدد مفروض باشد تا و عددی تقریب لفظا
 و $۷۸۲۶۲ = ۵۷۲۱۵۵۰۰^2 - ۳۲۷۶۷۲۴۸۲۶$

برهان

جذر مطلوب چون باید صاحب ۵ رقم باشد ۵۷۲۰۰ عدد آن است پس آن جذر که میخواهد
 از ۵۷۲۰۰ با ضافه عدد $ح$ که کمتر از ۱۰۰ باشد پس عدد مفروض ۳۲۷۶۷۲۴۸۲۶
 شامل میشود بر این عدد در $۵۷۲۰۰ + ح$ یعنی این عدد را

$$ح^2 + ۲ \times ۵۷۲۰۰ \times ح + ۵۷۲۰۰^2$$

و بعد از آنکه ۵۷۲۰۰ را از عدد مفروض موضوع نمودیم بماند ۳۲۷۶۷۲۴۸۲۶ با ضافه
 جزو غیر مستقل ۳۸۲۶ و بعد جمعه ۳۸۸۴۸۲۶ و این باقی دارای دو جزو دیگر جذور
 مذکور است جزو اول $ح$ $۲ \times ۵۷۲۰۰ \times ح$ از جنس است و نمایش مندرج
 در ۳۸۸۴۸۲۶ باقی ۲۶ واحد ممکن نیست جزو آن واقع شوند پس چون ۳۸۸۴۸۲۶
 بر ۲×۵۷۲۰۰ یا بر ۱۱۴۴۰۰ قسمت کنیم بهر مطلق ۳۳۸۳۸ را بر ۱۱۴۴۰۰ فرود
 خارج قسمت $ح$ مطلوب است آنکه بیشتر از قاعده مذکور در اول مورد را همین را
 یافته ایم و ظاهر است نوشتنش نیز در اصل کتاب ذکر نموده ایم در خصوص باقی یک یک

از اضافی که در عددی باشند و این رسم معلوم شده و در آن
 و حال مخصوص و پان این مطلب است که اگر خارج قسمت صحیح از عدد p تجاوز نماید ممکن است از
 $p+1$ بگذرد زیرا که چون جذر عدد مورد نظر \sqrt{p} کمتر از واحد این است $p+1 < \sqrt{p} + 1$ خود عدد
 از $(p+1)^2$ که مساوی است با $p+1$ است

$$51200^2 + 2 \times 57200 \times (p+1) = (p+1)^2$$

و چون از آن عدد 57200 تقریباً دوم باقی 27200 باقی 27200 کمتر میشود و از
 $(p+1) + (p+1) + 2 \times 57200$ و بجز این اولی 3884800 حاصلی کمتر میشود از آن
 پس خارج قسمت تقسیم 3884800 بر 2×57200 یا تقسیم 38848 بر
 $2 \times 572 = 1144$ کمتر شود و از خارج قسمت تقسیم $(p+1)^2$ بر 2×57200
 بر همان معلوم علیه 2×57200 و خارج قسمت ثانی این است

$$\frac{2 \times 57200 \times (p+1) + (p+1)^2}{2 \times 57200} = p+1 + \frac{(p+1)^2}{2 \times 57200}$$

و جزو صحیح این خارج قسمت همان $p+1$ باشد نه بیشتر چون که $\frac{(p+1)^2}{2 \times 57200}$ کوچکتر از
 واحد است زیرا که بنا بر فرض $100 < p+1$ و $2 \times 572 < p+1$
 و چون طرفین این دو نامساوی را در ضرب کنیم $(p+1)^2 < 2 \times 572 \times 100$
 یعنی صورت کسر کوچکتر است از مخرج پس خارج قسمت صحیح 38848 بر 1144 که 42 باشد
 شاید بیش بقدر $p+1$ باشد نه پیش پس $57200 + 42 = 57242$ جذر عدد
 3275724826 باشد تا کمتر از واحد تقریباً اضافی با بقضائی خود اخطاوت

و در خصوص محبتش عمل و اینست باقی خبر که دستورش ذکر شد همین قدر و خطو کشید که در این
 سنجید و از عدد مورد نظر این حسنه و تقریب نمودیم اولی 57200 را که در این
 این شد 3884826 تا بنا بر همین تقسیم تقریب نمودیم (1144×42) تا آنکه

مساویست با $۲۲ \times ۵۷۲۰۰ \times ۲$ و باقی روش این شد ۲۶×۱۰۰ ثالثاً
 در آخر تقریباً نمودیم ۲۲ را که باقیش این شد ۷۸۲۶۲ پس همه جزء موضوعی
 این است $۲۲ + ۲۲ \times ۱۰۰ \times ۵۷۲۰۰ + ۲۲ \times ۵۷۲۰۰$ یعنی $۵۷۲۰۰ + ۲۲$
 و در آخر $۵۷۲۲۲ - ۲۲۷۵۷۲۲۸۲۶ = ۷۸۲۶۲$

متنبه شد جهت این دلیل آنست که $۱ + ح$ یعنی جزو باقی باضافه اکثر باشد از ۲
 برابر ۵۷۲ یعنی از ضاعف عدد که بقاعده رسمی در جذر استخراج شده و از آن
 میان چنین بتباط میشود که هرگاه رشم اول سمت یار جند ۵ باشد بیشتر از ۵
 عنوان یکت بقیم مانند که مجری شد از قاعده جذر برابر آنچه سابق استخراج شده است
 مثلاً در این عدد ۳۲۷۶۷۲۴۸۲۶۷۸ بعد از آنکه رشم جذر استخراج شد بقیم
 رشم دیگر بقیم بدون آوردن آنکه در اینجا مقدار $۱ + ح$ که مثلاً ۱۰۰۰
 کمتر میشود از ۲×۵۷۲ که صاحب چهار رقم است و دلیل آنست سابق است جزو اینجا
 ثبات باید بر آرگشت

چون خواهم این قاعده را جاری کنیم در استخراج جذر که در این صاحب ارقام
 زیاد باشد دستور العمل آنست که در رقم اولش را بقاعده رسمی استخراج کنیم و بعد
 رشم دیگر را یکت بقیم بمجموع هر رقم شود و بعد چهار رشم دیگر را بقیم بقیم
 و بعد هشت رقم دیگر را بقیم ثبات و بکذا و نظر با که ترتیب حال منالیه خوب معلوم
 شود و دستور العمل باشد این قاعده مختصه را جاری کنیم در استخراج ۳ که تا کمتر
 از واحد عشر را از مرتبه ۱ کم



عمل اول بقاعده رسمی

صدر	۲.۰۰۰.۰۰	۱۴۱
تقریب اول	۱۰۰	۲.۰۴۴
۱۴۱	۴۰۰	۲۸۱۲۱
۱۱۹		

صفت اول

تقریب دوم	۱۳۹۰۰۰۰	۲۸۲۱
	۶۰۰	۴۲
	۵۶۰۰	۴۲
۱۴۱۴۲	۱۷۶۴	۸۴
	۲۸۲۶	۱۶۸
		۱۷۶۴

صفت دوم

تقریب سوم	۲۸۲۶۰۰۰۰	۲۸۲۸۴
	۱۰۰۰۰	۱۳۵۶
	۱۵۹۰۰۰	۱۳۵۶
	۱۶۶۶۰۰	
۴۲۱۳۵	۶۸۹۶۰۰۰۰	۸۱۳۶
	۱۸۳۸۷۳۶	۶۷۸۰
		۴۰۶۸
		۱۳۵۶
	۲۶۷۱۲۱۳۶	۱۸۳۸۷۳۶

صفت سوم

تقریب چهارم	۱۲۱۳۶۴۰۰۰۰۰۰	۲۸۲۸۴۲۷۱۲
	۰۰۷۷۲۱۶۰	
	۰۰۷۴۴۰۲۴۰	
	۸۵۰۰۰۰۰۰۰	
		۲۳۷۳۰۹۵

۲۵۸۸۴۴۲۴۰۰
 ۱۴۲۸۵۷۹۹۲۰
 ۱۴۳۶۶۳۶۰
 تقریب پنجم
 ۴۲۱۳۵۶۲۳۷۳۰۹



شغال صبر سفید	۵۸۵	صواع مشهور بر مشهور
شغال صبر سفید	۵۷۸	صواع مشهور علامه
شغال صبر سفید	۱۰۵۰	صواع
من سینه	۱۲۱	کر ففت = $\frac{۷}{۸} ۴۲$ = شکر کب
من سینه	۱۸۲	کر زرد بید تفتی
من سینه	۵۴	دس مشهور
من سینه	۵۴	دس علامه
من سینه	۲۷۴	اول نقاب غلات بر مشهور
من سینه	۲۷۱	اول نقاب غلات نازد علامه
کنم	۲	طریح شغال سفید
کنم	۴	طریح شغال صبر سفید
کنم	۲	طریح دریم سفید
کنم	۳	مینه اطرها
کنم	۴	فراط طب
کنم	۱	دانی مطلق
کنم	۱	دانی شغال سفید ($\frac{۱}{۲}$ شغال بر)
کنم	۱۶	دانی شغال صبر سفید
شغال صبر سفید	۳	دریم تناسی
شغال صبر سفید	۴	اول نقاب طلا
شغال صبر سفید	۱۰۰	اول نقاب نقره

جدول مقیاسهای انگلیسی

حسابداری فرانسه

مستند: جمیع مقیاسهای انگلیسی و دول منقده امریکا که گنجانند جز مقیاس نقدی که در آخر ذکر میکنیم
مقیاسهای طول

دینبر	۴,۵۳۹۹۵۴	اینچ که ابرام باشد (۱/۳۲ بر د)
متر	۳۰,۴۸۰۴۳۹	فوت که پاباشد (۱/۳ بر د)
متر	۰,۹۱۴۳۸۳۴۸	پرد سپربالی
متر	۱,۸۲۷۶۶۹۰	فانم (۲ بر د)
متر	۵,۰۲۹۱۱	پل که فی باشد (۱/۵ بر د)
متر	۲۰,۱۱۶۴۳۷	فوت لنگ (۱۲۲۵ بر د)
متر	۱۶,۰۹,۲۱۴۹	سپل (۷۶۵ بر د)
متر	۱,۱۵۲	سپل دریایی
متر	۵۵۵۶	لیو دریایی (۳۳ مین)
دینبر	۵,۰۵۷۱۷۷	مقیاس اشت
دینبر	۵,۲۲۸۵۹۵	

در مقیاسهای سطح

متر مربع	۰,۸۳۶۱۹۷	پرد مربع
متر مربع	۲۵,۲۹۱۹۳۹	رود (۱۲۱۵ بر د)
متر	۰,۱۱۶۷۲۵	رود (۱۲۱۵ بر د مربع)
متر	۰,۴۰۴۶۷۱۰	آکر (۴۸۴۵ بر د مربع)

در کباب

بهر	۰۵۶۷۹۳۲	کباب (۶ کباب)
بهر	۱۳۵۸۶۴	کوارت (۱/۴ کاب)
بهر	۲۲۷۱۷۲۸	پیشن (۱/۳ کاب)
بهر	۴۵۲۳۴۵۷۹۷	کابون اسپریل
بهر	۹۰۸۶۹۱۵۹	کبک (۲ کاب)
بهر	۳۶۳۴۷۶۶۴	پیشن (۸ کاب)
کبک	۱۰۹۰۴۳	ساک (۳ پوئل) (مقیاس نبات)
کبک	۲۹۰۷۸۱۳	کوارتر (۸ پوئل)
کبک	۱۱۵۳۹۰۲	لوازه (۵ کوارتر)
کبک	۱۳۰۶۵۱۶	شادرن (۱۳ ساک)
در مقیاس دندان و آن حوضه (۱۱۰۰ شمشیر) و دندان کوبیده (۱۱۰۰ شمشیر) و دندان کوبیده (۱۱۰۰ شمشیر)		
کرم	۵۰۶۴۷۹۸	کندم (۱/۴ پنی زایش)
کرم	۵۵۵۱۵۰	پنی (۱/۴ انش)
کرم	۳۱۰۳۱۰۱	انش (۱/۴ پوترو)
کرم	۷۶۲۳۹۰۹۰	پوترو اسپریل (۵۰۰۰ کندم)
در مقیاس دندان و آن حوضه (۱۱۰۰ شمشیر) و دندان کوبیده (۱۱۰۰ شمشیر) و دندان کوبیده (۱۱۰۰ شمشیر)		

کتابخانه و کتابخانه‌های دولتی و خصوصی

نوع خط	اسامی پهلوان	وزن در گرام	شماره دولتی	قرن
	پهلوان ۲۰ دلار که در کس سفید پهلوان (۱۲۶۵)	۳۳,۴۳۵	۵۹۰۰	۱۰۳۶۲
	پهلوان ۱۰ دلار پهلوان (۱۲۵۳)	۱۶,۷۱۷	"	۵۱,۸۲
طلا	۵ دلار نیم کس	۱,۴۵۸	"	۲۵,۹۱
	۲ ۱/۳ دلار پهلوان	۴,۱۷۹	"	۱۳,۹۵
	۱ دلار	(۶۷۱)	"	۵,۱۸
	۱ دلار	۲۵,۶۲۹	"	۵,۳۴
	نصف دلار	۱۴,۳۶۴	"	۲,۶۷
نقره	بیع دلار	۵,۶۸۲	"	۱,۳۳
	وان دائم (دایم)	۲,۶۷۲	"	۵,۵۳
	الف دایم (۱/۳ دایم)	۱,۳۳۶	"	۵,۲۵

کتابخانه و کتابخانه‌های دولتی و خصوصی (مکتوبه بین‌المللی) بمبای

اول مقیاسهای طول

خط (۱/۴ اینچ)	۶,۲۱۹۴	سانتیمتر
اینچ (۱/۱۰ اینچ)	۶,۲۶۳۳	سانتیمتر
پای دین	۶,۳۱۶۱	متر
توراد (پا)	۱,۸۹۶۶	متر
اوتیه دین	۶,۷۷۹۲	متر
میل منسه (۴۰۰۰ توراد)	۷,۵۸۶	متر

دوم مقیاسهای سطح

آرپان یا شش یعنی جریب (و آن مربعی است که ضلعش ۱۴۰ توراد باشد) ۵۵,۵۵

سندھ کی مثال

نمبر	۹,۳۵۴	سینڈ ڈیٹو ہائس و آن میپاس اناجیت
نمبر	۱,۴۱۵	ہائس ڈیٹو (ورڈن)
نمبر	۱,۴۱۵	ورڈن ڈیٹو (ایئر)
نمبر	۵۶,۶	ایئر
نمبر	۱,۸۱۱,۲	خورڈ (۳۲ ایئر)
نمبر	۹,۲۱۸	یکڑ ڈیٹو خورڈ ہائس و آن میپاس اجام جامدہ ست
نمبر	۱,۶۷۲	خورڈ ہائس ڈیٹو موت ہائس
نمبر	۳,۳۴۴	موت ہائس ڈیٹو آئیشنل
نمبر	۷,۶۳۸۷	آئیشنل ڈیٹو ورڈن
نمبر	۱۵,۳۷۵	ورڈن ڈیٹو مینسٹ
نمبر	۶۱,۵	سینس
نمبر	۱,۸۴۵	موت (۲۰ سینس)

چارم میناس ورن

کم	۱,۰۹۴	ٹنک ڈیٹو کٹن
کم	۴,۵۷۳	کٹن ڈیٹو اسٹ
کم	۱۷,۵	سٹ ڈیٹو اسٹ
کم	۷۰	اسٹ ڈیٹو پور
کم	۵۶۰	پور ورن

مجموعہ نمبر ۱۰۰

نوع نظر	اسامی پر لیا	وزن دو لکھ	عیار درو	قدر پونہ
	دو لکھ اسپر طور	۳,۴۹۵	۶۹۱۵	۱۱,۸۵
لکھ	دو لکھ ہونگری	۳,۴۹۱	۶۹۱۴	۱۱,۹۱
	سلطان	۵,۵۶۶	۱۰,۹۱۷	۱۷,۵۸
	نصف سلطان	۲,۷۱۳	۵,۹۱۷	۹,۷۹
	اکویا ویدیا فرار ددی سال ۱۱۶۶	۲۸,۵۵۴	۵,۹۱۷	۵,۱۹
	نیم ویدیا باطون	۱۴,۵۳۲	۵,۸۳۳	۲,۶۵
شا	کر تیز	۳,۶۲۹	۵,۸۱	۲,۸۶
	کر تیز	۳,۱۹۳	۵,۵۵۰	۲,۴۳

در مجموعہ نمبر ۱۰۰ کے تحت درج کردیا گیا ہے۔ مجموعہ نمبر ۱۰۰ کے تحت درج کردیا گیا ہے۔

اول نمبر کے طول

۲۶۱۵۴۴۶	۲۶۱۵۴۴۶	ابھام (۱۳ پا)
۳۱۲۸۵۵۶	۳۱۲۸۵۵۶	پامی رن کہابی تھ بزرگیند
۱۸۳۱۲۱۶	۱۸۳۱۲۱۶	نوار (۲ پا)
۳۷۶۶۲۴۳۲	۳۷۶۶۲۴۳۲	روست دے بطول ۱۲ پا)
۲۰۹۲۳۵۷۳	۲۰۹۲۳۵۷۳	نوار نقابن دے پا ۸ ابھام)
۶۶۶۹۳۱	۶۶۶۹۳۱	ادتہ (۵ ر ۲۵ ابھام)
۷۵۳۲,۴۹	۷۵۳۲,۴۹	میل (۲۵۵۵)

دوم معیاس سطح

ارپان که مرز آن بزرگوبند (یعنی جیب و آن بقدر ۱۸۰ فی مربع است) ۲۵,۵۳
سوم یکمیل

۱,۱۴۱	وزن (یعنی مربع)
۳,۴۴۵	مستقیم (۳ وزن)
۵,۹۵۰	شکل (۲ است)
۲۱۹,۱۲۰	توزیع (یعنی چیک ۴ نقل)
۱,۱۴۵	تس (یعنی انگز)
۲۴,۲۵	انگز (یعنی ابر)
۲۸,۷	ابز (معیاس اعیان)
۱۳۷,۴	انگز (۲ ابر)
۲۰۶,۱	انگز (۳ ابر)
۱۲۹,۷۶	چیک اعیان (۳۲ مستقیم)

چهارم اوزان

۳۶۵۳۵۹	کتن (یعنی ۱۰۰۰)
۱۴۶۱۴۲۱	کت (یعنی لیور)
۲۳۳,۱۲	مار (یعنی لیور)
۲۶۷,۶۶	لیور کلنی
۴۶,۷۶۶	کنال (۱۰۰ لیور)
۱۱۷,۶۶۴	تاس بجر (۴۰۰۰ لیور)

فقود			
نوع خزانت	اسامی پولیا	وزن دو	عیار دو
طل	دو کا	۳, ۴۶۵	۹۸۵
	پوری	۶, ۶۸۲	۹۵۳
	بیم پوری	۳, ۲۴۱	۹۵۳
عقود	رشدال انار (مسلا ۳۰ سپر کریٹ)	۲۲, ۲۷۲	۷۵۵
	پول ۵ سپر کریٹس	۳, ۷۱۲	۷۵۵
	سپر کریٹ (قیمت اصل)	۲, ۱۹۴	۸۲

در اصول خواص نسبت و تناسب

نسبت بردو قسم است بعد و بندی نسبت عدد میان دو عدد فضل عدد اول است
 بردو مثلث نسبت ۷ به ۵ دو است و بصورت نوشتند شود ۷.۵
 در هر نسبت عدد خواص ذیل منحن است اولاً اگر بر مقدم نسبت عدد پنجاهیم
 از آن بجاییم نسبت معروض جان قدر بزرگ یا کوچک می شود و اگر این عمل را در تالی نسبت
 نایم حکم عکس می گویست ثانیاً اگر بر دو جزو نسبت عدد پنجاهیم یا از هر دو
 بجاییم نسبت تغییر کند

اما تناسب از ثبات و دو نسبت عدد یک تناسب عدد در یک می شود مثلاً ۷.۵ = ۱۱.۹
 در هر تناسب عدد خواص ذیل منحن است اولاً اگر وسطین را بجاییم هر دو در دو قسم ثانیاً
 تغییر کنند ۷.۵ = ۱۱.۹ ثانیاً اگر موضع طرفین را تغییر دهیم تناسب تغییر کند
 ۱۱.۹ = ۹.۵ ثانیاً اگر بر تمام اجزای تناسب عدد پنجاهیم یا از همه عدد بجاییم

نیز کنند و از فرایندها چنین می شود $7+3.5+3=11+3.9+3$ یا

$$7-3.5-3=11-3.9-3 \quad \text{در نقصان} \quad 10-1=14-12$$

$$4.2 = 1.6 \quad \text{یا}$$

رابطه حاصل جیب طرفین مساویست با حاصل جیب و سطحین $7+9=11+5$ یا $7+9$ ^{سطح}
یکی از طرفین مساوی است با مجموع سطحین ^{شکاف} طرف دیگر و یکی از طرفین مساویست با مجموع

طرفین متساوی و دیگر در بیان این احکام با بزرگ تاقل واضح شود

اینست همه قضیاتی که در اصل کتاب ذکر شده مگر لازم نیست

از تناسب هندسی از ترکیب اینست هندسی بکتابت حاصل شود

مثال $30:5=20:3=12:3$ یا $30:5=20:3=12:3$ و چنین می توانیم نسبت $12:3$ را

مث 20 است 5 یا اگر 12 تقیم بر 3 مساویست 20 تقیم بر 5

دو جمله اول و چهارم تناسب را طرفین گوئیم و دوم و سوم را وسطین

و حال مشغول می شویم بذكر اصول خواص تناسبات و چهار جمله تناسب را این عروف بنامیم

ب و ح و د و ه و گوئیم

قضیه ^{سطحین} $د ه$ تناسب هندسی حاصل ضرب طرفین مساویست با حاصل ضرب ^{وسطین}

در تساوی $ب = د$ اینست وی استخراج شود $د \times ح = ح \times د = ح \times ب$ زیرا که

$$\text{چون دو نسبت مفروض را یکدیگر مخرج می کنیم چنین می شود} \quad \frac{د \times ح}{ح \times د} = \frac{ح \times ب}{ب \times ح}$$

و بعد از حذف مخرج مشترک چنین $د \times ح = ح \times ب$ یا $د \times ح = ح \times ب$

و بالعکس از تساوی $ح \times د = د \times ح$ یا $د \times ح = ح \times د$ این تناسب نتیجه می شود $\frac{د}{ح} = \frac{ح}{د}$

زیرا که چون بسوزد جمله را بر $د$ هر سمت کنیم همان تناسب بدست آید

قضیه $د ه$ تناسب چون هر دو نسبت را معکوس کنیم تناسب یکدیگر بدست می آید

زیرا که چون واحد بر طرفین متن یکسوم چنین شود $\frac{1}{3} = \frac{1}{3}$ و $\frac{1}{3} = \frac{1}{3}$ و $\frac{1}{3} = \frac{1}{3}$
 قضیه دوهی تناسب چون مخارج هر نسبت را بر صورت متن اضافه کنیم یا از
 صورت بکاهیم تناسب دیگر حاصل میشود و این دو عمل را ترکیب و مفصل
 تناسب گوئیم زیرا که از روی این تناسب $\frac{1}{3} = \frac{1}{3}$ معلوم است که $\frac{1}{3} = \frac{1}{3}$

و بعد از تخفیف $\frac{1}{3} = \frac{1}{3}$

قضیه دوهی تناسب چون موضع وسطین را تبدیل نماییم تناسب دیگر حاصل
 زیرا که چون هر دو بسنو این تساوی را $\frac{1}{3} = \frac{1}{3}$ ضرب کنیم در $\frac{1}{3}$ چنین شود
 $\frac{1}{3} = \frac{1}{3}$

قضیه دوهی تناسب چون موضع طرفین را تبدیل نماییم تناسب دیگر حاصل میشود
 زیرا که چون هر دو بسنو این تساوی را $\frac{1}{3} = \frac{1}{3}$ ضرب کنیم در $\frac{1}{3}$ چنین شود
 قضیه چون مجموع با تفاضل و صورت تناسب را جمع کنیم بر مجموع با بر
 تفاضل دو نسبت جدید مساوی میشود با یکی از دو نسبت مفروض

مثلا در این تناسب $\frac{1}{3} = \frac{1}{3}$ چنین شود $\frac{1}{3} = \frac{1}{3}$
 دلیل این حکم در باب هشتم ذکر شد

چون اجزای چند تناسب را نظیر نظیر کنیم ضرب کنیم تناسبی دیگر که
 و یکی اجزای تناسبی را بر اجزای تناسب دیگر نظیر نظیر نسبت کنیم تناسب دیگر نتیجه میشود
 تا سبب را بسبب و عمل ضرب متن را مجری را برید تا دلیل وضع شود

قضیه چون جمیع اجزا تناسب را با یک قوتش نماییم تناسب دیگر حاصل میشود

مثلا در این تناسب $\frac{1}{3} = \frac{1}{3}$ چنین نتیجه میشود $\frac{1}{3} = \frac{1}{3}$

قضیه چون از جمیع اجزا تناسب یک صلح اول استخراج کنیم تناسب دیگر حاصل میشود

مثلاً در این تناسب $\frac{1}{2} = \frac{3}{6}$ چنین پیشتر می شود $\frac{2}{4} = \frac{6}{12}$ و
 تناسبی که تا اینجا ذکر شد پیشتر معروف قدر بار ثوبه است تا به تناسب است که حال ذکر شود
 در خواص تناسبات و آنها را قواعد نیز گوئیم

در تناسب عددی و از آن تقریبی نیز گوئید و آن سلسله است از اعداد که هر جمله پیش مساوی باشد
 جمله مقدم با ضافه یا مهسکه عدوی مشخص که قدر نسبت گوئیم
 تناسب عددی را بصورت یونیم $\dots 16, 13, 10, 7$ و چنین نقطه کنیم
 نسبت ۷ به ۱۰ به ۱۳ به ۱۶ است و غیره

تناسب را زاید و ضاعد گوئیم هرگاه جمله پیش همه بزرگ تر می کنند و ناقص و ضابط
 گوئیم هرگاه متزل کنند و قدر نسبت چنانچه ذکر شد عبارت از تفاضل دو جمله متوالی است
 قضیه در هر تناسب عددی زاید و ضاعد از سلسله متوالی است با جمله
 اول با ضافه ضابط ضرب قدر نسبت در عدد جمله نالی که مقدم شد مانند جمله
 مثلاً این تناسب عددی $\dots 10, 7, 4, 1$ در $7 - 4 = 3$ زاید فرض میکنیم و
 قدر نسبتش 3 را عدد جمله از نسبت تا می پس موافق نریف

- جمله دوم $7 = 4 + 3$
- جمله سوم $4 = 7 + 3 = 4 + 3 + 1 = 7 + 3$
- جمله چهارم $1 = 4 + 3 = 7 + 3 + 3 = 7 + 3 + 3$
- جمله پنجم $3 = 1 + 3 = 7 + 3 + 3 + 3 = 7 + 3 + 3 + 3$

و بگذارد بر جمله
 چون حکم مذکور بر جمله لغوی میگرد و کلی است و قبل از جمله اول که جمله اولی باشد - ع جمله

پس مستویان حکم را بصورت دستور نوشت از استقرار

$$(۱) \quad ۵(۱-۸) + ۷ = ۷$$

مثال میجویم جمله صدم این تناسب را معلوم کنیم $\div ۷ \cdot ۱۰ \cdot ۱۳ \cdot \dots$

$$۷ = ۷ \quad ۳ = ۳ \quad ۱۰۰ = ۱۰۰ \quad ۹۹ = ۹۹$$

موافق دستور جمله صدم کی چنین میشود $۳۰۰ = ۷ + ۹۹ \times ۳ = ۷ + ۲۹۷ = ۳۰۰$

هرگاه تناسب فرض باشد $۷ - ۳ = ۴$ و $۱۰۰ - ۹۹ = ۱$ و غیره

$$۵(۱-۸) - ۷ = ۷$$

فقط در هر تناسب یک حاصل جمع هر دو جمله که بیک فاصله باشند از طرفین

مساوی است حاصل جمع طرفین

مثلاً در این تناسب $۷ \cdot ۱۰ \cdot ۱۳ \cdot ۱۶ \cdot ۱۹ \cdot ۲۲ \cdot ۲۵ \cdot ۲۸ \cdot ۳۱ \cdot ۳۴ \cdot ۳۷ \cdot ۴۰$ و غیره

که قدریست است و دو جمله ۷ و ۳۷ مساوی البعد از طرفین هر کدام که جمله در کنار

$$۷ + ۳۷ = ۴۴$$

بزرگ که موافق دستور (۱)

$$۳۷ + ۷ = ۴۴$$

$$۷ + ۳۷ = ۴۴$$

$$۷ + ۳۷ + ۱۰ + ۳۴ = ۴۴ + ۴۴$$

$$۷ + ۳۷ = ۴۴ \quad \text{فوق المطلوب}$$

در تعیین حاصل جمع جمله‌ها تا یک حد فرض کنیم این تناسب را

$$۷ \cdot ۱۰ \cdot ۱۳ \cdot ۱۶ \cdot ۱۹ \cdot ۲۲ \cdot ۲۵ \cdot ۲۸ \cdot ۳۱ \cdot ۳۴ \cdot ۳۷ \cdot ۴۰ \cdot ۴۳ \cdot ۴۶ \cdot ۴۹ \cdot ۵۲ \cdot ۵۵ \cdot ۵۸ \cdot ۶۱ \cdot ۶۴ \cdot ۶۷ \cdot ۷۰$$

که قدریست ۷ فرض کنند و عدد دهمش ۷۰ و حاصل جمع جمله‌ها

پس این دو ستاوی را بنویسید

$$ل + ک + ج + ب + ح + د + ر + ه + و + ز + ح = ح$$

$$ع = ل + ک + ج + ب + ح + د + ر + ه + و + ز + ح + ع$$

و چون هسرد و جمله قابل را جدا جدا جمع کنیم چنین میشود

و موافق قضیه سابق هر کدام از جمله های واقع در علامت با هم مساویست با مجموع طرفین

و عدد این علامت برابر عدد جمله های تناسب است پس $ع \times (د + ل + ب) = ح \times ۲$ و علامت

$$ع = \frac{۲}{(د + ل + ب)} \times ح \quad (۲)$$

در هر تناسب که ب دل و ع معلوم باشند میتوان از روی این دستور حاصل جمع جمعی را بدست آورد

مثال میخوانیم حاصل جمع ۱۰۰ جمله اول این تناسب را ۷۰۱۵۰۱۳۰۰۰۰

معلوم کنیم

چون جمله صدم آن معلوم نیست از روی دستور (۱) مقدارش را مشخص کنیم و سابق

مشخص شده ۳۰۴ است و $۷۰ = ب$ و $۱۰۰ = ح$ پس موافق دستور (۲)

$$ع = \frac{(۷ + ۳۰۴) ۱۰۰}{۲} = ۳۱۱ \times ۵۰ = ۱۵۵۵۰$$

در این مثال با اینکه در نسبت ۲ معلوم بود و لابد بشدیم جمله ۱ را معین کنیم و در چنین

علاقت دستور (۲) را اندک تغییر میدهم و عوض $ل$ مقدارش را که در دستور (۱)

معلوم کرده بودیم این بود $(ع - ۱) + ب$ قرار میدهم و بنا بر این

$$ع = \frac{۲}{(ع - ۱) + ب} \times ح \quad (۳)$$

متنبه هر تناسب صاحب جمله اصلی است با دل و ع و نه ح هرگاه جمله

در این پنج جمله معلوم باشد میتوان از روی دستور (۱) و (۲) سه جمله دیگر را

$ع = (د + ل + ب) \times ح$
 $ع + (د + ل + ب) \times ح + (د + ل + ب) \times ح + \dots + (د + ل + ب) \times ح + (د + ل + ب) \times ح$

مثلاً هرگاه جمله اول و دوم معلوم باشد چون از وی دستور (۱) را
مقدار n را بدست آورده زیرا که اول چنین میسیم $n = 13 - 5 = 8$ = جمله اول
و جمله پنجم $n = \frac{1-1}{5-1}$

مثلاً $n = 8$ میجو اهرم ما بین دو جمله اول و جمله پنجم از واسطه هر دو
درج کنیم بر وجهی که تناسبی ترکیب شود جمله اولش n باشد و جمله آخرش
و عدد جمله $n + 2$ =

در حل این مسئله نشان قدر نسبت کافی است پس دستور (۱) را بهمان کنیم و گوئیم

عدد جمله $n + 2$ است پس $8 = 2 + 2$ و $8 = 1 + 1$ پس $n = 13 + 2 = 15$
و $n = 13 = 2 + 1$ و جمله اول و جمله پنجم $n = \frac{1-1}{2+1}$

مثال میجو اهرم $n = 8$ جمله واسطه عدد ما بین $n = 13$ و $n = 15$ درج کنیم
(مقدار n مساوی میشود با n)

در تناسب هتنگه و آن سادگی است از عدد که هر جمله اش مساوی باشد بجان هر
جمله اول و عدد مشخص که قدر نسبت گوئیم

و سبب آنکه قدر نسبت هرگز کمتر از عدد واحد یا کوچکتر از آن نباشد و باقی
نسب n به صورت نوشته شود $108 : 36 : 12 : 4$ و چنین خوانند

نسبت 4 به 12 مثل 12 است به 36 مثل 36 است به 108 و غیره در این مثال
قدر نسبت 3 است

و هر جمله را بر باقی خود ضرب کنیم آن نسبت بدست میآید
فقط n و هر تناسب هتنگه هر جمله مساوی با حاصل ضرب جمله اول و خود

از قدر نسبت که در جانش برابر عدد جمله های ما قبل جمله مفروض باشد

مثال درین مثال : ... ۵ : ۴ : ۳ : ۲ : ۱ قدرین راجع نوزده کنیم
 نامی جمله نهم g پس مواقی مرتب

جمله دوم $7 = 4 \times 3$
 جمله سوم $1 = 7 \times 3 = 4 \times 3 \times 3 = 4 \times 3^2$
 جمله چهارم $5 = 1 \times 3 = 4 \times 3^2 \times 3 = 4 \times 3^3$
 جمله پنجم $3 = 5 \times 3 = 4 \times 3^3 \times 3 = 4 \times 3^4$

و کذا در سایر جمله
 و چون حکم همجمله نقل گرفت کلی است و دستورش را چنین بنویسیم
 $g^{-1} \times 3 = 4 \times 3^4 \quad (1)$

در معین حاصل جمع جمله های تناسب است که با این مثال را فرض کنیم
 $l : \dots : 5 : 4 : 3 : 2 : 1$

بنا بر ترتیب $3 \times 4 = 12 = 3 \times 4$ و $3 \times 4 = 12 = 3 \times 4$ و $3 \times 4 = 12 = 3 \times 4$
 و چون این نسبت دی ناز جزو بخود جمع کنیم در حال تسبیح اول تمام جمله ها ثابت میمانند
 مندرج می شود. فرجه اول 3 یعنی چنین می شود $3 - 1 = 2$ و حاصل تسبیح دوم می شود
 از حاصل ضربهای همجمله ثابت در 3 غیر از حاصل ضربی که از جمله خبری است
 می شود یعنی چنین می شود $3 \times 4 = 12$ بنا بر این نسبت و حاصل تسبیح چنین می شود
 $3 + 12 = 15 = 3 \times 5 = (3 - 1) \times 3 = 2 \times 3 = 6$ و بعد از آن

$3 \times 4 = 12 = 3 \times 4$ با آنکه $3 - 1 = 2 = 3 - 1$ می شود
 و خلاصه $g = \frac{3 - 1}{3 - 1} \quad (2)$

بنابراین در این دستور عرض l معادلش را از روی دستور (۱) قرار داد

باقی مانده عدد اول باشد پس این عدد اول را در نصف آن عدد ضرب کنیم حاصل
 عدد تمام مطلوب است مثل ۱۲ را چون واحد از او تفریق کنیم باقی ۳ اول است
 پس آنرا در نصف ۴ ضرب نمودیم حاصل ۶ عدد تمام است همچنین ۸ بعد از وضع
 واحد باقی ۴ اول است ضربش کردیم در ۴ حاصل ۱۶ عدد تمام است و اما ۱۰
 بعد از وضع واحد باقی ۵ عدد اول نیست پس نسبت ندارد

در استخراج دو عدد متخالف یعنی دو عدد که مجموع نسبتهای هر کدام مساوی عدد دیگر شود
 تا مثلاً در مثلث متعاقب ۲ عددی جستجو میکنیم که چون یکدیگر در ۳ ضرب کنیم
 و مرتبه دیگر در ۳ و عبارت اخیری همسایه سابق خود یکدیگر جمع کنیم و با آنش مرتبه
 هر دو حاصل واحد موضوع کنیم و باقی مانده عدد فرد اول شوند پس در فرد اول را
 در هم ضرب میکنیم و حاصل فرد سوم کویم و وقت اگر مجموع سه فرد مذکور عدد فرد اول
 باشد حاصل ضرب آن عدد ثانی در فرد سوم اقل دو عدد متخالف است و در مجموع افراد
 سه گانه اگر آن دو عدد است

مثال در مثلث متعاقب ۲ عدد را مناسباً بدیم و حاصل ضربش در ۳ و در ۳
 این است ۶ و ۱۲ و بعد از وضع واحد و باقی ۵ است و ۱۱ و هر دو فرد اولند
 پس حاصل ضرب آنها ۵۵ است و آن فرد سوم است و مجموع افراد ۷۱ باشد و آن
 فرد اول است پس حاصل ضرب ۴ در ۵۵ = ۲۲۰ اقل دو عدد متخالف است
 و در مجموع افراد مساوی ۲۸۶ اگر آن دو عدد است

و اگر مجموع سه فرد فرد اول نباشد شرط ناقص است چنانچه در ۸
 و بعد دیگر که از وجه مذکور استنباط شود در مثلث متعاقب ۳ و در عدد اولی
 کنید که چون از هر کدام واحد موضوع شود و باقی مانده فرد اول شوند پس آن دو

در ضرب کسیند حاصل فرد سوم باشد آنگاه اگر مجموع آنها در سه گانه فرد اول
باشد قسمة عدد بزرگتر از آن دو محتمل را در فرد سوم ضرب کسیند حاصل اقل عدد
متخابه است و همان را در مجموع دو فرد اول ضرب کسیند و حاصل را بر آن اقل تیرا
مجموع عدد اکثر باشند

مثال ۱۹۲ و ۳۸۱۴ دو عدد متساوی باشند از دست تصاعیف و کثیرا سبب دارند
و بعد از وضع واحد هر کدام دو پانزده ۱۹۱ است و ۳۸۲ و هر دو اولند
و حاصل ضرب آنها = ۷۳۱۵۳ فرد سوم باشد و مجموع افراد سه گانه ۷۳۷۲۷
فرد اول است پس قسمة اکثر این یعنی ۱۲۸ را در فرد سوم ضرب کردیم حاصل
 ۳۸۱۴ و ۱۹۳ قسمة عدد متخابه شد و حاصل آن عدد در مجموع دو فرد اول وضع
ور $۵۷۱۴ = ۷۳۱۴۷۲$ این عدد را بر حاصل سابق می فرایم مجموع ۹۴۳۷۰۵۴
اکثر دو عدد متخابه است .

حکما عقدا نامحل یعنی طریق ضبط اعداد با انگشتان دست متقدیم تا از وضع
اصابع پنجگانه دست راست ۱۸ صورت ترتیب داده اند برای ضبط اعداد از ۱
تا ۹۹ و از اوضاع اصابع دست چپ تا از ترتیب داده اند برای ضبط اعداد
از صد تا نه هزار و وضعی متبرار داده اند برای ده هزار و میان اوضاع ۳۷ گانه
از اعداد داده متبرار و با انگشتان چپ کسیند پس خنجر و خنجر و کسیند که انگشت کوچک
و دو انگشت تالیس باشد از دست راست را برای محتمل اعداد قرار داده اند از
واحد تا نه و همان انگشت از دست چپ برای محتمل اعداد الوف قرار داده اند از هزار
تا نه هزار و سبب به و ابهام که انگشت شهادت و انگشت زبانه از دست راست را
برای محتمل اعداد قرار داده اند تا نو و از دست چپ ابراء عقدا تا صد

تا بعد از این شب که برای داد حفظه را شایسته گنید و برای ۲ بقصر داران
 همچنین گنید و برای ۳ وسطا را هم بر آن و پنج گنید چنانطور که در شمار از ۱ تا ۳ میان مردم
 ولی در این عهد در شش گنشت از آمدن نزدیک اصول خود دستار داد و برای چهار خضر
 شایسته گنید و دو گنشت و یک مقود باشند و بر سر گنج بقصر را نیز گنید و همان وسطا
 چهار خضر باشد و بر آتش بقصر شایسته گنید و برای هفت خضر شایسته گنید
 برای هفت بقصر را هم بر آن پنج گنید و برای نه وسطا را نیز بر آن پنج گنید ولی
 این سه عهد با پنج گنشت از ابرکف منطمانه و پنج خضر و شش شان مثل باشد نسبت
 تا به عهد اول شش نشوند

و برای ده راس ناخن سبایه را بر مفصل ابهام قرار دهید چنانچه دو گنشت حکم غلط
 چه گنشت و برای پست ناخن ابهام را از ریه عهد سخانی سبایه قرار دهید وضعی که گویا
 ابهام واقع شده است مابین اصل سبایه و اصل ابهام و بر گاهی راس سبایه را در
 ناخن ابهام قرار دهید بر وجهی که وضع سبایه و ابهام حکم قوس دو ترید گنشت و اگر
 در این وضع ابهام نهاده شد اکتفا نقلی نیست و بر آنچه چهل بطن سر ابهام را
 عهد سخانی سبایه قرار دهید بطوریکه میان آنها اصلا فاصله نباشد و برای پنج
 سبایه را نصب نماید و ابهام را محاذی سبایه برکف قرار دهید و بر شش تن
 ابهام را بطن دوم سبایه قرار دهید همان طور که تیر اندازان گنشت و بر مفصل
 ابهام را نصب نماید بطن سر سبایه یا عهد دوش را بر این او قرار دهید
 بطوریکه تمام ناخن ابهام کثوف باشد و برای هشتاد ابهام را نصب قرار دهید
 و طرف سبایه را بر مفصل آن قرار دهید و بر اسب که نوزده پس ناخن سبایه
 بر مفصل عهد دوم ابهام قرار دهید و چون اوضاع آنرا گانه را خوب امر گنشت

هر وضعی که در دست راست علامت عقد آمادگی باشد همان وضع در دست چپ علامت
عقد باشد از احاد الوقت هر وضع که در دست راست علامت عقد و عشرانی باشد در
دست چپ علامت بیان عقد است از ثبات پس این عقود ۳۷ گانه بنویسیم از واحدنا
۹۹۹۹ ریخته کنیم و بر آده هزار طرف ابهام را بر طرف کسب قرار میدهند بطوریکه دو
ناخن آنها متحد و مجری گشتند

تمام شد فروع حساب

بسم الله الرحمن الرحيم

خانه علم حساب

انمودیم از علم جبره مفایده که عبارت از ضربی اصول بسیار محضری شبا این علم
فایده علم میرسد بلکه محض نمونه عمومی مسائل متعلقه با بدو است و راه رسیدن
مقصود است که اعداد را بحروف بنماییم و اعمال را بعلامات هشتم
هشتم مسئله این است که هر کدام از مجهولات را بحرفی بنماییم و عمومی مسائل جواب بگیریم
این است که معلوماست را نیز بحرف بنماییم تا دستوری استخراج شود که از آن روی بدیم
چه اعمال باید در اعداد معلومه بحرفی داشت تا اعداد معلومه معین شوند چنانچه در خصوص مسئله
بعد از آنکه سرا به راسته فرض نمودیم و نرخ منفی را تده مدت را تم و در بیج کل راجح
این دستور شش عدد 10^6 و در بیج مرکب نیز این دستور را $(10^6 + 1) = 10^6$
و نظر باینکه بعضی رویت معلومات از مجهولات نتجش و آید شود در قسم این شده که معلوماست
بشکل را بحرف اولی بعد بنماییم و مجهولات را بحرف اولی و آخر این حرف را
ب ر ح م د ه و بیج و ط و ی برای معلومات مخصوص نمودیم این دستور را

صورت ر ع و ص و ه و م ر ل ر ک برای مجهولات و حرف اله را چون
معتاد می شود استعمال کنیم و حرف منقوله مثل آ و نا و فا و قاف را نیز
استعمال نماییم و معلومات را از ب ابتدا کنیم و مجهولات را از ص

علامات چهارم استعمله در جبر و مقابله برای نمایشن اعمال متعلقه با عدد درستی باین
بجیند با همنا باشند که در علم حساب استعمال نموده ایم یعنی این علامت + - x :
√ √ √ و غیره با درجه مساوی

کسی که علم حساب را آموخت این علامات را می شناسد و در این ضربت لازم نیست
اصطلاحات ذیل را برای او شرح دهیم ح ح ب و ح - ب و ح x ب یا ح و ب

ح و ب یا ح و ب ر ک ر ب ... ب ک ر ک ر ب و غیره ف و غیره
و در این اصطلاحات حرف ب و ح و ص و ف علامات اعداد معلومه و مجهوله

در جبر و مقابله مانند حساب اعمال را از یار ابتدا کنیم (چون کینند به قدر
در علم جبر و مقابله نظر بکنیم تا امکان شیوه چهار رعایت شود در ضرب حرف علامت

استعمال نشود همان حرف را روئین هر یک بنویسیم مثلاً عوض ح x ب چنین بنویسیم
ح ب و عوض م x م x م = ح چنین $\frac{1}{100} = \frac{1}{100}$ ح

ضرب عددی است که وارید پس در یار مقدار جبری بی واسطه علامتی و مقصود این است
که آن مقدار ضرب شود در آنند مثال ح ب ۲ و ب ۳ عدد ۳ = ۲ ب ضرب و ب

همین صورت را ح = ب م مانند گوئیم و چنین غلط کنیم ب م است
یا ح یا چهار ب م و ح این صورت را ح (ب یا مادی گوئیم و غلط

کنیم ب ب ب کتر از ح همچنین این صورت را ح (ب و غلط کنیم ب ب ب ب
در استعمال علامت جامعه هرگاه بنویسیم نماییم که عملی تعلق دارد با جماعتی

جبریه با عدد دیگر که بود این علامت + - و غیره بعد بیکدیگر مربوط شده باشند
آن مخلوط مرکب را با این علامت () فرایند بسیم و در بین اینها شش
عدد با علای را که نمایش اجزای عمل باشند همچنان که آن عدد با علامت را قرار دادیم
در بین بسیار حرفی نزد

مثال اول: چهار بسیم از بس ۷ لغزین گنیم این ترکیب را $۲۵ + ۳۷ - ۵$ بسیم

پس چنین بسیم $(۲۵ + ۳۷ - ۵) = ۵۷$

ثانیاً: پنج بسیم این ترکیب را $۲۵ + ۳۷ - ۵$ ضرب گنیم در ۱۴ چنین بسیم
 $۱۴ \times (۲۵ + ۳۷ - ۵)$ و گویان این ترکیب را $۲۵ + ۳۷ - ۵$ بسیم چنین بسیم

گردد $(۲۵ + ۳۷ - ۵) = ۵۷$

علاصحا بسیم همین ترتیب کافی است چه که مقصود باشد و مع بسیم و معابد نیست
میخواهیم بنام راه سهیل نقل معنی سائل بسیم را بواسطت حروف و علامت و خدایه
از محاسبات جبریه که بسیار ساده و منظم باشند

مثلاً اول: مجموع دو عدد ۸۵ است و تفاضلشان ۱۹ معلوم باد
اندو عدد گاست میگوئیم اگر عدد کوچکتر معلوم بود ۱۹ بر او اضافه میکردیم و نمیزد
بدست می آمد

پس کوچکتر را ۵۷ و بزرگتر را $۱۹ + ۵۷$

و چون این مجموع باید مساوی ۸۵ شود چنین بسیم

$$(۱) \quad ۲۵ + ۱۹ = ۸۵$$

پس ۱۹ را از طرفین مجموع میکنیم تا ۲ شود تا $۸۵ - ۱۹ = ۶۶$

و بعد از آنکه $۶۶ = ۴$ صد ۳۳ شد پس $\frac{۶۶}{۴} = ۳۳$ صد
 عدد کوچکتر ۳۳ شد پس بزرگتر باشد $۱۹ + ۳۳$ یعنی ۵۲
 مستند مفروض حل شد و تخمین همین است که تفاضل دو عدد ۱۹ شود و مجموع ۸۵
 حال ملاحظه کنید بچه پاکیزگی و چه خفتند در جمع شروط مستند را ننمودیم و باستمال حرف صد
 آنرا حل کردیم
 ۵۲۶۸

کلیتاً کپله بیست
 مبلغ مطلوب را صد فرض میکنیم و چون تصور میکنیم که مقدارش معلوم است و بخواهیم بحاجت
 خارج رسیدگی نموده پس در آن صرف شده یا خیر
 صرف اول این است $\frac{۳۳}{۱۰۰}$ و دوم $\frac{۱۹}{۱۰۰}$ و سوم $\frac{۲}{۱۰۰}$ و باقی ۱۰۰ است
 و چون مجموع این مصارف باضافه باقی باید برابر اصل مبلغ شود این صورت را بطور
 جبر و معادله میویسیم

$$\text{صده} = ۱۰۰ + \frac{۳۳}{۱۰۰} + \frac{۱۹}{۱۰۰} + \frac{۲}{۱۰۰} \quad (۱)$$

از روی این استادی باید مقدار صد را بدست آورد و آن نظر بحارج قدر مرکب است
 پس جمیع جملهها گسسته را پاک و خرج بخوبی کنیم کوچکتر عددی که قابل قیمت شود ۳۳
 ۵۰ و ۲۰ این است $۳۰ \times ۲ = ۶۰$ و فاصله ۱۲۲ کتاب را در این خارج
 و در جمله صحیح هر کدام را ضرب میکنیم در ۶۰ و قیمت میکنیم بر همین عدد و از این خارج

$$\frac{۲۰ \times ۶۰}{۶۰} + \frac{۲۱ \times ۶۰}{۶۰} + \frac{۹ \times ۶۰}{۶۰} + \frac{۸۴۰}{۶۰} = \frac{۶۰}{۶۰}$$

رف نمود و این عمل را

فناوی در عدد ۶ ضرب شده

$$۶۰۰ = ۸۴۰ + ۹۰ + ۲۴۰ + ۶۰$$

حروف صد را جمع کنیم چنین شود $۸۴۰ + ۶۰ = ۹۰۰$

حال صد ۵۳ را از طرفین وضع کنیم چنین شود $۷۰ = ۵۳ - ۱۷$ صد ۶۰ $۸۴۰ = ۶۰$

چون صد را معادل شده ۸۴۰ پس $\frac{۸۴۰}{۶} = ۱۴۰$

یعنی که در آن کیسه مبلغ ۱۲۰ تومان نخواه بود

امتحان این است مصرف اول $\frac{۱۲۰}{۳} = ۴۰$ و دوم $\frac{۲ \times ۱۲۰}{۵} = ۴۸$

و سوم $\frac{۳ \times ۱۲۰}{۴} = ۹۰$ مجموع خرج ۶۰ تومان و با در دست ۱۴ تومان

سند سوم بخواهیم مبلغ ۱۲۰۰ تومان و اعیان چهار نفر منت کنیم بزرگ

که سهم دوم $\frac{۵}{۷}$ سهم اول شود با ضافه ۴۰ تومان و سهم سوم $\frac{۳}{۸}$ سهم

دوم شود نهایی ۳۰ تومان و سهم چهارم برابر سهم سوم شود و نهایی ۴۰

اگر سهم شخص اول معلوم بود سایر سهام از روش شرط سند زود بدست می آید پس از

صد فرض کنیم و سهم دیگر را بطور جزئی ترتیب دهیم

سهم اول

$$\frac{۵}{۷} \text{ صد} + ۴۰$$

$$\left(\frac{۵}{۷} \text{ صد} + ۴۰\right) \times \frac{۷}{۸} - ۳۰ = \frac{۳۵ \text{ صد}}{۵۶} + \frac{۲۸۰}{۸} - ۳۰ = \text{سهم سوم}$$

$$= \frac{۵ \text{ صد}}{۸} + ۳۵ - ۳۰ = \frac{۵ \text{ صد}}{۸} + ۵$$

$$\left(\frac{۵ \text{ صد}}{۸} + ۵\right) \times ۳ - ۴۰ = \frac{۱۵ \text{ صد}}{۸} + ۱۵ - ۴۰ = \frac{۱۵ \text{ صد}}{۸} - ۲۵$$

مجموع چهار سهم باید برابر شود با ۱۲۰۰ تومان پس این معادله را بصورت جزئی

$$(۳) \quad ۱۲۰۰ = \frac{۱۵ \text{ صد}}{۸} - ۲۵ + ۵ + \frac{۵ \text{ صد}}{۸} + ۴۰ + \frac{۵ \text{ صد}}{۷} + ۴۰ + ۶۰$$

از روشی این مساوی معلوم شود و اول معادلات جزئی را بعمل آوریم

$$\frac{5}{7} \text{ صد} + \frac{15}{1} \text{ صد} = \frac{10}{1} \text{ صد} = \frac{5}{7} \text{ صد} \rightarrow 40 + 5 - 25 = 20$$

بعد از این دو آهسته آهسته بچین شود

$$\text{صد} + \frac{5}{7} \text{ صد} + \frac{5}{2} \text{ صد} + 20 = 1200$$

مساوات صاحب خرج است باید کسور و صحاح را یک خرج تحویل نمود مانند مسئله
و بعد از آن خرج را حذف کرد و خرج مشترک ۱۴ است موافق فاعده ۱۲۳

$$\frac{14 \text{ صد}}{14} + \frac{15 \text{ صد}}{14} + \frac{35 \text{ صد}}{14} + \frac{210}{13} = \frac{16100}{14}$$

و بنا بر این $16100 = 14 \text{ صد} + 10 \text{ صد} + 35 \text{ صد} + 210$
و ظاهر است که در مسائل این طراز نوشتن خرج بجمع لازم نیست همین باید صورت جدید

نوشت و جمله‌های صحیح را ضرب کرد در خرج مشترک

$$\text{و حال جمع حروف صد را جمع میکنیم چنین میشود } 16100 = 210 + 59 \text{ صد}$$

عدد ۲۱۰ را از طرفین حذف میکنیم تا صد ۵۹ منفرد بماند آنوقت

$$59 \text{ صد} = 16100 - 210 = 15890$$

$$\text{پس } \frac{15890}{59} = 270 \text{ صد}$$

سهم شخص اول ۲۸۰ تومان شد و سهم دوم این است $270 + 40 = 310 = \frac{280 \times 5}{4}$

و همچنین سهم سوم این مبلغ میشود ۱۸۰ و سهم چهارم ۵۰۰ تومان

خلاصه بر خواننده ظاهر شد که مسائل سابقه را بجه نظر خوش و استلوه خوب

حل نمودیم و قواعدی که برای رسیدن بجزء معمول داشتیم کلی هستند و حال باید این

قواعد را توضیح کنیم

معادله عبارت از مساواتی است که صاحب یک مجهول باشند یا بیشتر و بخواهیم

آن مجهولات را از روی همان معادلات مشخص کنیم

مثلا مساوات (۱) و (۲) و (۳) هر کدام معادله باشند
و معادله را محقق گوئیم آنوقت که چون عوض مجهولات معادله بر عددی برابر با داریم معادله
بناوی واضح و ظاهری و یا بیستادی که با ذکر آن واضح شود مثلا این دو مساوات

$$3 \times 5 - 2 \times 4 + 6 = 13 \quad \text{و} \quad 3 \times 5 - 4 = 11$$

تخلی نمودن معادله عبارت از این است که برای مجهولات معادله بری شخصی کنیم که در
محقق سازند و در حل مسئله دو چیز لازم است اول تخلی نمودن و بصورت معادله
دوم حل کردن معادله یا معادلاتی که قرار داده شده

در فرآورد اجزای معادله از دو مسئله و در این باب نمیتوان قاعده کلی ذکر نمود که در دستور
درستی باشد و جمیع مسائل این عمل بسته به روش و عبارت شخص بخصوص آنوقت که مسئله
باشند قابل بگیریم در آن زمان که مسائل سابقه از آن روی معادله تخلی شد از راه عمومی
و مانند آنرا باید پیش گرفت

مجموع مسئله را خردی فرض میکنیم مثل صد و ده و در هر مسئله شرطی
را باطلی است میان بعضی اعداد معلومه و آن مجهول بروجهی که اعداد دیگر از آنها
پس بحرف صده و عبارات جفت را با هم بنامیم و آنرا با هم بگیریم ترکیب میکنیم پس
آن اعداد ترکیبی عبارت جبری داد میشوند و شکل مجهول و بر اعداد معلومه و در هر مسئله
شرطی ذکر شده که باید جیسب آنها بر وفق آن شرط را باطل بهر یک جدا کنند پس این
را باطل را نیز عبارت جبری بنامیم و آنوقت نودی صورت می آید و معنی معادله مسئله است
در مسئله اول و در دوم مجهول از یک تجاوز کرده بود پس عدد مطلوب بود و پس از
یک مجهول منظور بنا کردیم و آنرا صد فرض کردیم و آنکه اشکال این بود که چون یکی از آنها
معلوم فرض میکردیم سایر اعداد چنان را باطل با او داشتند که بعضی احوال مذکوره در مسئله

و معنی حلاوت از آن روی بدست می آید و لیکن در هر مسئله این حالت اتفاق نمی آید
 از وقت باید مجهولات بحر و ف و م معلوم بود و آنها مساوی که تربت داد و
 فاعده همان است که ذکر شد عوض کلمه مجهول مجهولات بگویند و در هر مسئله مساوی شود
 مسئله از روی آن مجهولات و اعداد معلوم مساویات چند تربت دهند

در حل مساویات

چنانچه دانستید مسئله را بصورت مساویات بدون عملی است که باید پیش از آن در یافت شود
 کلمه نادر و معنی تربت چند مسئله دیگر که کمال نظم و فاعده حل کنیم ولی اول ذکر کنیم
 حل مساویات را از روی قواعد مشخصه

چونچه مقصود حاصل مساویات در هر اول است پس در آن مساوی است که در هر جمله
 از یک مجهول نباشد و آنهم بی درجه باشد و در هر یک هم مجهول واقع نشود و
 اولی هم از او گذشته نشود باشد

مثال $۱۵ = ۱۹ + ۲$ و $۲۲ = ۵ + ۳$

اصل کلی باید چنان تصور نمود که هر کدام از طرفین مساوی و ف و م عددی
 که مساوی از آن روی محقق شود و از این مسئله از چنان در هر یک هم که گویا مساوی است
 محقق گشت که در آن مساوی که جاری کنیم حکم و ف و م معلوم است

علو و متعالی که از هرگاه بر طرفین مساویات و مساویات عددی و غیره
 تا از هر دو عددی که در هر یک هم در هر یک هم در هر یک هم در هر یک هم
 تا از هر دو عددی که در هر یک هم در هر یک هم در هر یک هم در هر یک هم

یعنی مفادین مشخصه مجهولات در هر دو صدق میکنند

در طرفین معادله عبارت چیزی است یا عدد که با این علامت = از هر یک جدا شده اند
و آنها را دو جز و دو عضو معادله نیز گوئیم

معادله یک مجهول را با این وجه حل کنیم که از هر دو طرفی که یک است بنا بر اینیم هر کدام
از ما قبل خود را برسیم مساوانی مثل $3 = 5$ یا $\frac{3}{5} = 1$ صد یعنی تا جایی که در یک طرف
معادله مجهول تنها بماند و در طرف دیگر اعداد معلومه چند باشد پس در حل معادله باید
جدا شدن مجهول باشد از مفادیر معلومه و لهذا بسیار اتفاق می افتد که بعضی جدا
از طرفی بطرف دیگر نقل کنیم

قاعدگی نقل کردن جمله از یک طرف معادله بطرف دیگر آنست که جمله را در
آن طرف که هست محوش کنیم و در طرف دیگر بنویسیم یا علامتی مخالف آنچه داشتیم

مثال (۱) $5 - 7 = 3 + 5$ در این معادله میخواهیم جمله ۵ را بطرف اول
نقل کنیم موافق قاعده چنین میشود (۲) $5 - 7 = 3 + 5 + 5$ و آن محال است
با (۱) چونکه حکم اول علوم متعارفه مذکوره معادله (۱) بمعده است با (۳)

$5 + 5 - 7 = 3 + 5 + 5$ و این معادله (۲) بعینه (۲) است
چونکه $5 + 5 - 7 = 3 + 5 + 5$ در فرود دوم تکافی شده محوش شده اند

چون معادله (۲) بدست آمد میتوان همچنان جمله ۵ را از جزو اول بجزو دوم
نقل نمود آنوقت چنین میشود $5 - 7 = 3 + 5 + 5 + 5$ و بعین $8 = 2$

و خلاصه $4 = \frac{4}{1} = 4$ صد
و میتوان نیز بعمل ضرب یا تقسیم عدد را از یک طرف معادله بطرف دیگر نقل نمود

مثال از این معادله $12 = \frac{3}{5}$ چنانست که شود $12 \times 5 = 3$ و بعد

و بعد پسین $\frac{۱۲ \times ۳}{۳۳} =$ صد طرفین را در ۵ ضرب کردیم تا معادله خارج در آنست شود
 و بعد بر ۳ قیمت کردیم تا از مضروب فیه آزا د شود و بطور کلی تفریق جسم را بر طرف
 میکند و بعکس تقسیم ضرب را و بعکس و حال این احکام را جاری میکنیم
 در حل معادله یک مجهول در ضل اول

حالت اول است که در معادله هیچ خارج نباشد

قاعده جملهای را که دارای مجهول باشند در یک طرف نقل کنند و جملهای
 معلومه را در طرف دیگر و بعد اعمالی را که بعلا مات نموده شده اند هر چه
 ممکن باشد جبری دارند تا حتی الامکان جمع جملهای که دارای مجهول بود
 بیاید جمله مجهول شوند و در هر حال معادله را با عامل مشترک بسازند و آنوقت معادله
 با مضروب مجهول میشود $7 = ۷$ طرفین را بر مضروب فیه ب قیمت
 میکنیم چنین میشود $۱ = ۱$

مثال $۱۴ + ۳ - ۷ = ۱۳$ صد $۳ + ۵ = ۵$

جملهای صد را در جزو دوم نقل میکنیم و جمع اعداد را در جزو اول چنین میشود

$۱۴ + ۳ - ۷ = ۱۳$ صد $۳ + ۵ = ۵$ و بعد اعمال را بقدر امکان

بکنیم چنین میشود صد $۱۵ = ۳۵$ و آنوقت $۲ = \frac{۳۵}{۱۵} =$ صد

حالت دوم است که معادله صاحب خارج باشد

قاعده هر جمله کبری را بقدر امکان مختصرش کنی یعنی مجهولش کنی بکسر غیره

مثال $۱۴ + ۳ - ۷ = ۱۳$ صد $۳ + ۵ = ۵$

علامات که سابق داشتند و خلاصه هر جمله مجموع را در خود مخرج مشترک ضرب کنید
و آنوقت معادله بدست می آید غایبی ز مخرج و قاعده حالت اول بان
تعلق میگیرد

مثال (۱) $10 - 2x = \frac{7x}{5} - \frac{2}{3} + \frac{5x}{12} - \frac{3}{4}$

در این مثال جمله‌های که خود غیر ممکن النحوی باشند و که دیگر مخرج مشترک بقاعده حساب
۵۰ است خارج قسمتهای نظیر ۵۰ ۶۰ ۲۰ ۱۲ ۲۰ ۱۵ ۵

$10 - 2x = \frac{7x}{5} - \frac{2}{3} + \frac{5x}{12} - \frac{3}{4}$

(۲) $25x - 45 = 12x - 40 + 120x - 900$

معادله (۱) همدرست با معادله (۲) چونکه تشریحی کردیم جز آنکه جمیع جمله‌ها را (۱)
ضرب کردیم در ۵۰ و حالت مساوات این عمل تغییر نکنند (بنا بر حکم دوم علوم منطوقه)
چون معادله (۲) از مخرج قاعده حالت اول را جاگ می‌کنیم و چنین میشود

$25x - 45 = 12x - 40 + 120x - 900$

و بعد پسین $595 = 179x$ و خلاصه $x = \frac{595}{179}$

مشبه رسم این است که جمله‌های صدر را در آن تشریحی از معادله نقل کنیم که اینجا جمله‌ها
ثبت صدر یعنی آنها که صاحب علامت + اند بعد از جمع بزرگتر شوند از مجموع
جمله‌های منفی

اصول قواعد مستعمله در حل مسائل مفروضه یکب مجهول اینها بود که ذکر شد و قبل از حل مسائل
مخصوصه دیگر از چند قاعده و احکام کلیه ذکر میکنیم که در ضمن اردان معادله
مشکل و در حل معادلات بکار آید و موقع اجرا ایشان بدست می آید

در کمال حال هندسه ایشان اجزای هر یک را از چند جمله

رسم زینب حاصل تسبیح اعدادیکه عبارات جبری نموده شده باشند در نتیجه یوم و در
 و ممکن است که تفاضل چنین اعداد نیز محتاج شویم و همچنین بحاصل ضرب و غیره چنین
 اندوای قواعد معینه چند مجری دارند که ما از هر کدام اینجا چیزی اشاره میکنیم
 بر عبارات جبری مرکب از چند عبارت دیگر که بعلاصت + و - به یکدیگر مربوط گشته
 باشند بعبارت دیگر از آنکه کثیرا جمله گوئیم و هر کدام از اجزای آن را جمله تسبیح
 عبارتی است که اجزای صاحب علامت + و - در او نباشد و هرگاه جمله اعم از
 مستقر باشد با در اول جمله عبارتی قرار گرفته باشد بحسب صورت صاحب علامت
 + یا - نباشد از آن بجز صاحب علامت + و اینم

مثال حاصل جمع چند عبارات جبری با این قسم حاصل شود که این عبارت
 مدیف هدی که نویسیم با همان علامتی که دارند

کثیرا جمله اگر اجزایش همه با علامت + باشند خود حاصل جمع است و الا حاصل ضرب
 مثال $(۲ + ۲) - (۲ - ۲) + ۳ = ۲ - ۲ + ۳ = ۳$ و $۲ - ۲ + ۳ = ۳$

پس عمل جمع چند کثیرا جمله تسبیحی میشود بر این دو حکم
 چون خواهم مبراز را بر عددی بفرمایم یا از آن عدد بفرش کنم عوثران
 کافی است که اجزایش را بترتیب بر آن عدد بفرمایم یا بترتیب بفرش کنم

مثال چون $۲۰ = ۱ + ۷ + ۵$ پس $۱۵ + ۸ + ۷ + ۵ = ۱۵ + ۲۰ = ۳۵$
 $۱۵ - ۲۰ = ۱۵ - ۵ - ۷ - ۸$

و چون خواهم تفاضل دو عدد را بفرمایم تا آنکه نماند بفرمایم کافی است که بفرش
 آن دو عدد را بفرمایم و کوچکتر را بفرش کنیم

مثال $۱۵ - ۸ = ۷$ و $۱۳ + ۷ = ۱۳ + ۱۵ - ۸$

این دو حکم را در مثال اول که حال ذکر شود جاری کنید تا نتیجه آن طور بدست آید
مثال اول رجوع کنید به جمع چهار سهم که سوم سابق

مثال دوم مطلوب است حال بسج این عبارت $\frac{2}{7} + 3 - \frac{5}{4}$

$$2 - \frac{5}{4} + 3 - 2 - 3 - 1 - 5 - 4 \text{ میزان این } 1$$

$$1 - 5 - 4 + 3 - 2 + \frac{5}{4} - 2 + 3 - 2 + 3 - 2 + \frac{2}{7} + 3 - \frac{5}{4} = \frac{5}{4}$$

بعد این عبارت را مختصر کنیم چنانچه در حل مسائل سابقه ذکر شد

تفریق چون خواهم عبارت چهارم را از عبارت دیگر تفریق کنیم مقدار مفروض

و در طرف مفروضه بنویسیم بنابراین آنکه علامت را مخالف بنماییم

قاعده تفریق نمی برد حکم است از قبل آنچه در خصوص بسج ذکر شد و تحت قاعده همین معلوم

شود که عبارت نتیجه را بر منسوق اضافه کنید حاصل باید بقیه مفروضه شود

مثال پنجم $\frac{7}{8} - \frac{5}{4} + \frac{2}{3} - 3$ را از $7 - 5 + \frac{4}{9}$ تفریق کنیم

باقی این است $\frac{7}{8} + \frac{2}{3} - \frac{5}{4} - 3 - 7 - 5 + \frac{4}{9}$ که باید مختصر شود

من بایست استخوان بی را بر منسوق اضافه میکنیم چنین میشود

$$\frac{7}{8} + \frac{2}{3} + 3 - \frac{5}{4} + \frac{7}{8} - \frac{5}{4} - \frac{2}{3} - 3 - 7 - 5 + \frac{4}{9} = 7 - 5 + \frac{4}{9}$$

و بعد از مختار چنین $7 - 5 + \frac{4}{9}$

در ضرب مثبت در ضرب جمله درجه دیگر دو ضریب را با هم ضرب کنید

و حروف مختلفه دو عامل را با هم در حاصل ضرب بنویسید بنابراین آنکه

هر کدام بقدر مجموع دو درجه باشد که عدد و عامل دارد

مثال $4 \times 3 \times 2 = 4 \times 2 \times 3 = 4 \times 3 \times 2 = 24$

زیرا که $5 \times 3 \times 2 = 5 \times 2 \times 3 = 5 \times 3 \times 2 = 30$

مثال ضرب ۴۰ = ۴۰ ضرب ۳۰ = ۱۲۰۰ ضرب ۲۰ = ۸۰۰ ضرب ۱۰ = ۴۰۰ ضرب ۵ = ۲۰۰ ضرب ۲ = ۸۰ ضرب ۱ = ۴۰

در ضربت بطریق دیگر ضرب مقسوم را بر ضرب مقسوم علیه ضرب کنید و حرف مقسوم را بچینه در خارج ضرب بنویسید تا آنکه در وجه هر کدام را بقدر فضل که در وجه مقسومش بکشد برود بجز آنکه در مقسوم علیه داده

مثال
عدد ۳۰ ضرب ۵ = ۱۵۰ ضرب ۴ = ۶۰۰ ضرب ۲۰ = ۱۲۰۰
زیرا که فایده ضربت از فایده ضرب نسبتنا شده

و چون خواهم کثیر الجمله را در عدد یا در جمله ضرب کنم جمایا این را با ضرب ضرب میکنم در آن عدد یا در آن جمله تا آنکه علامت هر جمله حاصل ضرب همان باشد که در کثیر الجمله داشت و در ضربت باید جمایای کثیر الجمله را با ضرب ضرب بر عدد یا بر جمله مقسوم علیه ضرب نمود

این حکم منی است بر آنکه در کتاب ثابت نمودیم یعنی که گوییم در ضرب حاصل جمع یا حاصل در عددی باید جمایا مجموع یا حاصل را بر ضرب در آن عدد ضرب نمود و در ضربت مجموع یا حاصل گوییم باید جمایا شش را بر ضرب ضرب نمود مثال

$$۲۰ ضرب ۴۰ + ۳۰ ضرب ۶۰ + ۴۰ ضرب ۸۰ = ۸۰۰ + ۱۲۰۰ + ۳۲۰۰ = ۴۲۰۰ ضرب ۵ = ۲۱۰۰۰ ضرب ۲ = ۴۲۰۰۰ ضرب ۱ = ۴۲۰۰۰$$

در استخراج قواعد مذکوره در حل مسائل

در مسائل شرط و استخراج دو نوع سه کرداریم یکی بکین ۵ ناره فران بخارند و دیگری بکین ۵۵ ناره میفرمایند هر دو ۲۰۰۰ ناره از آن اند و کین کنیم هر دو جمع کنیم مجموع ۳۰۰۰ ناره فران بپرزود و مطابق و شش است که از هر کدام باید گرفت فرض میکنیم عدد آنها نوزده اول باشد وزن دوم این میشود ۲۲۸

میت طلسم ۷۵ رده قرانی این است ۵۵×۷۵ رده
 و میت (معد - ۲۲۸) سن ۸۵ رده قرانی این مسیلع (معد - ۲۲۸) ۵۵×۷۵
 و میت نام مزوج این می شود (معد - ۲۲۸) $۵۵ \times ۷۵ + ۷۵$ رده
 ولی کفایت آن که ۲۲۸ سن مزوج هر سن ۶۲ رده قران پرز و میت کل این می شود
 ۲۲۸×۳ رده پس مجادله است که این است

$$۵۷۵ + ۵۵ \times (۲۲۸ - ۵۵) = ۶۳ \times ۲۲۸$$

پسین $۲۲۸ \times ۶۳ = ۵۵ + ۵۵ \times ۲۲۸ + ۷۵$

و بعد از آن حدسین $۲۲۸ \times ۹ = ۲۰$

۲۲۸ \times ۴ = ۹۱ رده \times ۲۲، \times ۱۳۶ = ۲۲۸ - معد
 مشکله دو شش نقره دایم عیار یکی ۹۰۰ رده و عیار دیگر ۳۲۰ رده می شود
 شش یکی ترکیب کنیم بوزن ۲۲۲ رده من و عیار ۱۷۵ رده و مطلوب وزن هر کدام
 از دو عیار اول است

وزن می کنیم معد وزن عیار اول باشد وزن دوم این می شود معد - ۲۲۲ رده و چون
 هر یکی از عیار ۹۰۰ رده دارای ۹۰۰ رده من نقره خالص است در معد من وزن نقره
 خالص بقدر می شود $۹۰۰ \times$ رده و همچنین وزن نقره خالص در معد - ۲۲۲ رده من

این است (معد - ۲۲۲) \times ۱۲۰ رده من
 پس وزن مجموع نقره خالص خلط این می شود

$$(۲۲۲ - ۲۲۲) \times ۱۲۰ + ۹۰۰ \times ۲۲۲$$

ولی سواش شرط شده در ۲۲۲ رده من نقره که عیار ۱۷۵ رده باشد وزن نقره
 چنین می شود ۲۲۲×۱۷۵ رده من پس این معادله زینب داده می شود

$$2900 \times ص + 2120 (242 - ص) = 175 \times 242$$

$$900 ص + 120 (242 - ص) = 175 \times 242$$

$$900 ص - 120 ص = 242 \times (175 - 120)$$

$$\text{و بحسب } 10 ص = 242 \times 55 \text{ ، } ص = \frac{242 \times 55}{10}$$

مسئله سه نوع سرکه داریم قیمت نوع اول هر کمن ۷۵ ریفران و دوم ۶۰ ریفران و سوم ۵۰ ریفران اینها را ۲۲۸ کمن از آنها ترکیب کنیم بر شیبی که قیمت هر کمن ۵۸ ریفران شود و مطلوب هر کدام از آنهاست

وزن ۷۵ ریفرانی را صد فرض میکنیم وزن ۶۰ ریفرانی را ۸۰ و این ۱۵۰

وزن ۵۰ ریفرانی چنین شود ۸ - ص - ۲۲۸

قیمت صد من ۷۵ ریفرانی این است ۷۵۰۰ ری

قیمت ۸۰ من ۶۰ ریفرانی این ۴۸۰۰ ری

قیمت وزن ۵۰ ریفرانی چنین (۸ - ص - ۲۲۸) × ۵۰ ری

پس قیمت مجموع آنچه مزوج شده این میشود

$$7500 ص + 4800 غ + (228 - ص - غ) \times 50$$

ولی مواش شرط مسئله مزوج از قرار می ۵۸ ریفران چنین است ۵۸ × ۲۲۸ ری

پس این معادله ترتیب داده شود

$$7500 ص + 4800 غ + (228 - ص - غ) \times 50 = 58 \times 228$$

$$75 ص + 60 غ + (228 - ص - غ) \times 50 = 58 \times 228$$

$$\text{و بعد از تحویل } 25 ص + 10 غ = 228 \times 8 = 1824 \quad (1)$$

بعد از رعایت جميع شروط مسئله يك معادله دو مجهولی بدست آمدن پس بايد كمي

از مجموعیات را عدد و پیش خود فرض کنیم مثلا $ع = ۶۰$ و آنوقت

$$۲۵ ص + ۶۰۰ = ۱۸۲۴$$

$$ص = \frac{۱۲۲۴}{۲۵} = ۴۹ + \frac{۲۴}{۲۵} = ۴۹,۹۶$$

$$۶۰ + ۴۹,۹۶ = ۱۰۹,۹۶ \quad \text{و} \quad ۶۰ + ۴۹,۹۶ = ۹۹,۰۴$$

پس چون ۱۰۹,۹۶ من ۶۰ عره قران $۴۹,۹۶$ من ۶۰ عره قران $۱۰۹,۹۶$ من

$۱۰۹,۹۶$ من ۶۰ عره قران را با هم مزوج کنیم سوار ۲۲۸ من ترکیب میشود از قران منی $۱۰۹,۹۶$

میستوان $ع = ۵۰$ فرض نمود آنوقت بقدر آن وزنی برای صد بست سپاریم

دو وزنی برای $ع = ۵۰$ - صد - ۲۲۸ و این جواب دیگر میشود

و چون میستوان $ع$ را هر مقداری فرض نمود معلوم میشود که صد $ع = ۵۰$ - صد - ۲۲۸

مقدار معینی نماید عدد و مقدار دیگر تا آنجا که شمار است و مشکه را در حضورت کسبالم

کوئیم و زناه حلش چنین بود که ذکر شد و از آنجا میستوانیم برای $ع$ و برای

$ع = ۵۰$ - صد - ۲۲۸ دو مقداری فرض کنیم و مقدار سوم را بعضی مشخص نمانیم

ولی اگر مشکه دیگر بر مشکه می افزودیم مثلاً می گفتم که وزن ۶۰ عره قران

مضاعف وزن ۶۰ عره قران باشد مشکه معین میشد

آنوقت صد $ع = ۲۰$ پس صد $ع = ۲۰$ و معادله چنین میشد

$$۱۰۲۴ = ۲۰ ص + ۲۵ ص یا ۱۰۲۴ = ۴۵ ص \quad \text{و} \quad ص = \frac{۱۰۲۴}{۴۵}$$

و از آن روی معندار $ع$ و مقدار $ع = ۲۰$ - صد - معلوم میشد

مشکل دو چایان در دان واحد غازم حرکت شدند یکی از طهران و یکی

از زنجان هر دو بیست و نواوی دگر ساعت ۵ فرسنگ بهر یکدیگر

دگر ساعت ۵ فرسنگ و فاصله مابین این دو بلد قریب ۵۰ فرسخ است

حال میخواهیم بدانیم این دو نفر در چه فاصله از زنجان همدیگر را ملاقات میکنند

ع ط ق م ع
 خط ع م سیر و چهار است و ط طران و ق زنجان موازی فرض طان موازی
 ۵۶ فرسخ است و فرض میکنیم م محل طانات باشد و صده فاصله مطلوب تمام
 و صده + ۵۶ = م ط چهار اول چون هر ۵۶ فرسخ را در ساعتی میرود و بعد ساعت
 طی فاصله ط م حرکت او برابر مراتبی است که با مده شود و صده + ۵۶ نفر
 صده + ۵۶ ساعت و همچنین چهار دوم فاصله سورا را در ۵۶ می سپارد و این
 دو مدت باید مساوی باشند چون که هر دو در یک نقطه شروع نمودند حرکت و برگردند

پس این معادله ترتیب داده میشود

$$\frac{۵۶ + م}{۵} = \frac{م}{۳}$$

بعد از رفع مخارج

$$۵۶ \times ۳ + ۳ م = ۵ م$$

$$۱۶۸ = ۲ م$$

$$م = \frac{۱۶۸}{۲} = ۸۴$$

و بنا بر این

یعنی که غلاتی در فاصله ۸۴ فرسخی زنجان اتفاق می افتند
 حال بر فرض همان شروط و اعداد نیز فرض میکنیم که چایا و طهران ملاقات
 ۱۲ قبل از چایا زنجان شروع کند حرکت
 در مدت این ۲ ساعت ۱۲ چایا ۱۲ فرسخ میرکیند پس الوقت که چایا دوم عازم
 شود اولی ۴۶ فرسخ از زنجان فاصله دارد یعنی باید عوض ۵۶ فرسخ
 ۴۴ گفت مسئله را همانطور حل نمود

$$م = \frac{۴۴ \times ۳}{۲} = ۶۶$$

در حل مسائل حسابداری
 سکه ناسن حسابداری معمولی بود و بعد از رعایت جمع بود
 یک معادله بیشتر درست باشد و آنوقت معلوم است که سکه سبالت است و عدد جوابها
 غیر مشخص و حکم همین است در سکه که بعد از خط مشروط عدد معادلات کمتر
 شود همیشه باید عدد معادلات درست برابر مجهولات بشود و حال مقصود اینست
 راه حل معادلات دو سه مجهولی است

مثلاً شخصی مبلغ ۱۰۰۰۰ تومان بخواهد معامله و مراجه داد بعضی را
 صد ۵ و بعضی را از قرار صد ۴ و مبلغ ۱۰۰۰۰ ریج سالتان آن میشود
 حال مطلوب مبلغی است که بهر نرخ داده است

مبلغی را که از قرار صد ۵ داده شده است تم فرض میکنیم و آنچه از قرار صد ۴
 باشد پس

$$10000 = 5x + 4y \quad (1)$$

حال ریج این دو مبلغ را معلوم میکنیم از قرار صد ۵ ریج کیوان ۵ صد تومان
 و ریج صد تومان صد ۴ و همچنین ۴ تومان از قرار صد ۴ ریجش این میشود
 $4 \times 5 = 20$ و مجموع این دو بخواهد باید مبلغ ۱۰۰۰۰ تومان شود پس معادله

$$20x + 4y = 10000 \quad (2)$$

با بعد از رفع مخارج چنین

$$20x + 4y = 10000 \quad (2)$$

در حل دو معادله (۱) و (۲) مضارب یکی از مجهول مثلاً y را از معادله (۱)

استخراج میکنیم این میشود صد - $10000 = 5x + 4y$ در معادله (۲)

$$20x + 4y = 10000 \quad (2)$$

و بعد از حسمه ضرب چنین $20x + 4y = 10000$ - $4 \times (5x + 4y = 10000) = 20x + 16y = 40000$

و بعد از نقل 40000 در جزو دوم و تخیل افرا چنین میشود $16y = 40000 - 20x$

موتی بر این ≈ 3200 متر $= 10000$ ع

مستند زید و عمرو با هم مشغول انجام امری شدند نویت اول زید ۴۴ روز
مشغول شد و عمرو ۱۹ روز و مبلغ ۱۷۷ قران منتفاً ابروت گرفتند نویت دیگر
زید ۲۱ روز خدمت کرد و عمرو ۱۷ روز این مرتبه مستحق ۱۵۵ قران اجرت شد

حال مطلوب اجرت و متی هر کدام است

اجرت یومی زید را عدد فرض کنیم و اجرت یومی عمرو را ع پس نویت اول مجموع

اجرت $21x + 177 = 198$ عدد دوم چنین $178 + 178 = 356$

پس این دو معادله مرتب شود $177 = 198 + 24x$

$$156 = 178 + 21x$$

در حل این دو معادله همان تصور کنیم که ع معلوم باشد و مقدار قطر را از (۱) بیرون

$$\text{ع} = \frac{177 - 198}{24} = \frac{177 - 198}{24} = \text{ع} \quad (۳)$$

این مقدار را در معادله (۲) بجای عدد قرار بدسیم چنین میشود

$$\frac{21 \times (177 - 198)}{24} + 178 = 156$$

سپس با هم شمار ۲۱ و ۲۴ را برابر ۲۱۲ کنیم

$$\frac{7 \times (177 - 198)}{1} + 178 = 156$$

و عمل ضرب را بجا آورده خارج را رفع کنیم چنین میشود

$$1239 - 1238 + 1268 = 1241$$

$$\text{عدد} = 9 \quad 1241 - 1239 = 9 \quad \text{ع} = 3$$

حال معادله را در معادله (۳) قرار بدسیم

$$\text{ع} = \frac{177 - 19 \times 3}{24} = \frac{177 - 57}{24} = \frac{120}{24} = 5$$

پس راه حل دو معادله مجهولی را در پهنسند و اگر اتفاق معادلات مفرد حساب
مخارج باشند باید اول محسایج را رفع نمود
حال سه معادله سه مجهولی فرض میکنیم

$$(۱) \quad ۲ ص + ۹ ع - ۴ غ = ۲۸$$

$$(۲) \quad ۷ ص + ۳ ع - ۵ غ = ۳$$

$$(۳) \quad ۹ ص + ۱۰ ع - ۱۱ غ = ۴$$

سایر مجهولات را اعداد معلومه تصور میکنیم و مقدار یکی از آنها را اندر روی یکی از معادلات

استخرج میکنیم مثلاً مقدار ص را از معادله اول بیرون می آوریم

$$(۳) \quad ۹ ص + ۴ ع - ۹ غ = ۲۸ - ۳ ص + ۴ ع$$

این مقدار را در دو معادله دیگر قرار میدهیم

$$\frac{۷(۲۸ - ۳ ص + ۴ ع)}{۲} + ۳ ع - ۵ غ = ۳$$

$$\frac{۹(۲۸ - ۳ ص + ۴ ع)}{۲} + ۱۰ ع - ۱۱ غ = ۴$$

و بعد از آن همه اعمال و رفع مخارج چنین میشود

$$۱۹۶ - ۶۳ ص + ۲۸ ع + ۶ غ - ۱۰ ص = ۶$$

$$۲۵۲ - ۸۱ ص + ۳۶ ع + ۲۰ غ - ۲۲ ص = ۸$$

حروف تع و حروف تمه و اعداد را جدا جدا با رعایت علامت جمع میکنیم

مخمس شود اگر کار چنین نبود

$$(۵) \quad ۱۹۰ = ۷۳ ص - ۳۴ ع$$

$$(۶) \quad ۲۴۴ - ۱۰۳ ص - ۵۶ ع$$

این مسائل دو مجهولی را مانند سابق حل میکنیم اول از معادله (۵) مقدار ص را

پرون می آوریم $۷۳ = ۱۹۰ + ۳۴ = ۷۳$ و $۱۹۰ - ۷۳ = ۱۱۷$

و با هم بد $(۷) \quad \mathcal{E} = \frac{۱۹۰ - ۷۳}{۳۴}$

این مقدار را در معادله (۶) قرار می دهیم

$$۲۴۴ = \frac{۱۹۰ - ۷۳}{۳۴} - ۱۰۳$$

این معادله یک مجهول را سواقی قواعد سابقه حل می کنیم مقدار $\mathcal{E} = ۴$ می شود

این مقدار را در معادله (۷) قرار می دهیم و بعد از اجرای اعمال حسن می شود $\mathcal{C} = ۳$

و با هم بد دو مقدار $\mathcal{C} = ۳$ و $\mathcal{E} = ۴$ می شود

از این دو نتیجه می گیریم و اگر اتفاقاً معادله \mathcal{C} را به \mathcal{E} کنیم صاحب چهار مجهول باید مقدار

از مجهولات را از یکی از معادلات بیرون آورد و در سایر معادلات قرار داد

و وقت در معادله سه مجهول می ماند و بطریق مذکور حل می کنیم و بعد از آنکه معادله در این

مجهول بدست آمد قرارشان می دهیم در آنکه ابتدا از یکی از معادلات معوضه استخراج شده

بود تا مجهول چهارم بر شخص شود و در صورتی که معادلات هیچ مجهولی داشته باشند

اتفاق افتد باز بطریق مذکور رفتار می کنیم

در استعمال هر دو فرض برای عمومی نمودن جواب مسائل عسریه

فهرت کنش و آن عبارت از استجری ثابته عالی که باید خدا اعداد معلوم

مجرمی داشت تا عدد معلوم و بی معنی شود

مثلاً این دو مساوات $\mathcal{C} = \frac{۲۴۴ - ۱۰۳}{۳۴}$ و $\mathcal{E} = (۱ + ۲) = ۳$ که در کتاب هند

داریم برای حساب ریج نرود مرکب در سنگ دستور مذکور

چهارم خود آیدیم مشک را بوجه معنی حل می کنیم یعنی دستور یا دستور استخراج کنیم که سوا

به نماند و در عمل از آن روی حل می شود مسائل مشابهی را که با اختلاف اندک

فرا داشت مفاد بر عدد بی در صورت این مفاد بر ا ب ج و ف بنامیم و همان طور که در اول
عمل جاری میکردیم تا مفاد بر جدول رسم در معروف نیز خان کنیم

و اکنون همین وجه مسئله اول حل را عمومی میکنیم
مسئله مجموع دو عدد m است و تفاضلشان n مطلوب مقدار این

عدد مطلوب کوچکتر x عدد فرعی بزرگتر y

پس بزرگتر $y = \frac{m+n}{2}$

و مجموع دو عدد $m = x + y$

و این مجموع باید بدست آید. شوی پس این معادله حاصل شود

$$m = x + y$$

و از اینجا $y = m - x$ مساوی $\frac{m+n}{2} = x + m - x$ $\frac{m+n}{2} = m$

و عدد بزرگتر این شود $y = \frac{m+n}{2} + \frac{m-n}{2} = m$ $y = m + n - m = n$

و فلان $\frac{m+n}{2} + \frac{m-n}{2} = m$ $y = m + n - m = n$

و مساوات (۱) و (۲) دو دستورند و از روی آنها چنین معلوم شود که عدد

بزرگتر مجموع مساوی تفاضل است و عدد بزرگتر نصف مجموع بعد از نصف

مثال مجموع دو عدد 84 است و تفاضل آنها 22 مطلوب این خواهد

$84 = m$ و $22 = n$ پس عدد کوچکتر این $x = \frac{84-22}{2} = 31$

و عدد بزرگتر این $y = 31 + 22 = 53$

مسئله 435 را نیز عمومی میکنیم

مسئله دو پاپا در یک آن شروع بچکش نمودند و بید از نقطه b و عمر

از نقطه c و هر دو در جهت واحد c b a سیر نمودند و یک در ساعت

سه فرسخ و یکم و در هر ساعت سه و فاصله مابین ب و ح اند و نقطه ف
 فرسخ است حال مجهولیم بدانیم در چه فاصله از نقطه ح ملازمی واقع میشود

ع ب ح م ح

فرض میکنیم آن نقطه ملاقات باشد و مطلوب یعنی فاصله ح م است پس از آن
 فرض میکنیم چون $ح = ب + ح$ و $ب = ح + ح$ و $م = ح + ح$ پس $ب = م = ح$
 و زید در هر ساعت سه فرسخ طی میکند فاصله خود + ف را در آنقدر ساعت طی خواهد
 نمود که سه فرسخ مندرج شود در $م + ف$ یعنی در $\frac{م + ف}{۳}$ ساعت و همچنین معلوم
 میکنیم که عمر و فاصله خود را در $\frac{م + ف}{۳}$ ساعت طی میکند و این دو عدد باید معادل باشند
 چونکه زید و عمر در یک خط از دو نقطه ب و ح شروع کردند بحرکت و با اتفاق رسیدند

بنقطه م پس مساوی چنین باشد $\frac{م + ف}{۳} = \frac{م + ف}{۳}$ (۱)

بعد از رفع خارج چنین شود $م + ف = م + ف$

و از اینجا $م - م = م - م = م - م = م - م$

و حاصلش $\frac{م + ف}{۳} = م$ (۲)

این است دستور که اندرونش جمیع امثال چنین میشود بلا فاصله حاصل شود

مثال این دستور را استعمال کنیم در حل مسئله (۴۲۵)

در این مسئله $۵ = ف$ و $۵ = ح$ و $۳ = م$

پس $۸۴ = \frac{۱۶۸}{۲} = \frac{۵۶ \times ۳}{۵ - ۳} = م$

و اگر جای طرفان $\frac{۳}{۵}$ و $\frac{۳}{۳}$ بود حرکت میکرد معلومات چنین میشد

$۴۴ = ف$ و $۵ = ح$ و $۳ = م$

پس $۶۶ = \frac{۱۳۲}{۲} = \frac{۴۴ \times ۳}{۵ - ۳} = م$

از اینجا دورتر میرویم آنچه در مجسمه ذکر شد آنچه در حساب شرح دادیم و لامل کس
باشند مستقیم را در ترتیب و سایر موارد استعمال آنها برای حل مسأله که با آنها مربوط است



سؤال اول
بسم الله الرحمن الرحيم

در جواب مسائل سینه لاجل خلاصه اصحاب که ختم در سال ۱۲۷۵ هـ قمری منوره است باری
در شرح و بسط در سال ۱۲۷۶ هـ قمری لاجل و اینجا که هر سینه و جواب آن ان شاء الله
المسئله الاولى عشرة مفسر من بعضین اذا وید علی کل جذوه و ضرب
المجموع فی المجموع حصل عدد مفروض

جواب عدد مفروض را ۳۵ فرض نمودیم و این جواب حاصل شد

نتیجه اول ۸۲۱۱۹ را

و نتایج دیگر ۸۱۷۸۸۱

و سبب محذره تا از حل این مسئله است که عمل سینه شود و این معادله یک
کعب الکعب بعلاوه و در مال یک کعب بعلاوه ۱۳۱ مال المال بعلاوه ۵۰
کعب بعلاوه ۱۲۲۵ عدد مساوی شود با ۱۸ کعب الکعب بعلاوه ۳۸
الکعب بعلاوه ۱۰۶ مال بعلاوه ۵۰ شئی و بر هر محاسبی معلوم است که
نذا ما عیبه بودند از حل اینگونه معادلات

و مفروض را پیش نموده ۳۵ فرض نمودیم و

جواب دیگر استخراج شود
المسئله الثانیة جذران زدنا علیه عشرة كان للمجموع جذور
منه كان للباقي جذور

جواب این مسئله سخته است و دلیلش را در رساله مفصل ذکر نمودیم
المسئله الثالثه اقلیند بعشرة الاجذر ما العرو و لغر و غیره

الأجد و ما لزيد

این مسئله نیز می شود و بعد از درجه چهارم که مال المال باشد جواب این است

مال زید $1,55975$

و مال عمرو $2,07426$

المسئله الرابعه عشره مضمونه بعینها او اعمنا کلا منهما علی الاخر

و جعلنا الخاریهین کما فی التبع مساویا للاحد منهما المثلثه
او پس از درجه سوم است بعد از درجه ششم که از کس مال و سنی

مت اکثر در حالت اول جواب این است

مت اقل $2,8783$

مت اکثر $2,1217$

و در حالت دوم جواب این است

مت اقل $1,27$

مت اکثر $1,9873$

المسئله الخامسه جذور و اذ اذ زید غلبه جذره و در همان او نقص

جذره و در همان کان للجمع او الباقی جذو

جواب جذور مطلوب این است $\frac{1156}{225}$ و جذرش $\frac{34}{15}$

و بعد از اضافه جذر و در همان این جذور حاصل می شود $\frac{611}{125}$

که جذرش این است $\frac{46}{15}$ و بعد از نقصان جذر و در همان این جذر

حاصل می شود $\frac{196}{225}$ که جذرش این است $\frac{14}{15}$

المسئلة السادسة ثلاثة مربعات متناسبة مجموعها مربع
 جواب موافق بر این که در رساله شرح داده ایم این مسئله سهل است
 المسئلة السابعة مكعب فتم بضرب مكعبين
 جواب این مسئله نیز موافق تفصیل رساله سهل است
 ثلثين مفسود از استخراج جواب آن مسئله اینست که اعداد اول
 که شروع مسئله در آنها صدق کند از استخراج دوازده که در معنی محال فرض شده مثل آنکه
 یکو نیم عددی مطلوب است که بزرگتر باشد از ۱۵ و کوچکتر باشد از ۳۰
 و در هر صورت چهار عدد جواب بر آید چونکه مفسود از جواب اقامه بر آن
 بر محتمل و غیر مسئله و بر امکان جواب و عدم امکان آن پس در صورت
 امکان باید جواب عددی گفت چنانکه در چهار مسئله انداخته گفتیم و در صورت
 عدم امکان باید بیان گفت نمود

سرکار عالی حضرت صاحب
 میرزا عباس سمیت انطباع بدین
 کتاب در این عیال سعید
 در شهر تبریز
 در روز ۱۲۹۱